

DAS QUADRIVIUM

AUS

SEVERUS BAR ŠAKKŮ'S BUCH DER DIALOGE

INAUGURAL-DISSERTATION

ZUR

ERLANGUNG DER DOKTORWÜRDE DER PHILOSOPHISCHEN
FAKULTÄT DER UNIVERSITÄT HEIDELBERG

VORGELEGT VON

JULIUS RUSKA

AUS BÜHL

LEIPZIG

DRUCK VON W. DRUGULIN

1896

DAS QUADRIVIUM

AUS

SEVERUS BAR ŠAKKŪ'S BUCH DER DIALOGE.

Der im Folgenden¹ veröffentlichte Text des mathematischen Teils von Severus bar Šakkū's „Buch der Dialoge“ ist nach der Göttinger Handschrift Cod. or. 18c (*Verzeichnis der Handschriften im Preussischen Staate*. I Hannover 3., Göttingen 3., p. 464. 465) fol. 100 bis 100 wiederergegeben. Blatt 100 ist von jüngerer Hand ergänzt, ebenso der Rest des Codex von Blatt 100 an, den Schluss der Geometrie, die Astronomie und Theologie enthaltend.

Die Handschrift der Bodleiana (P. SMITH, *Catal.*, p. 642) ist unvollständig — sie enthält nur die drei ersten Dialoge —, die der Berliner Bibliothek (SACHAU, *Kurzes Verzeichnis* etc. Alter Bestand 38,1) besteht aus Excerpten; somit bleibt zum Vergleich nur die Londoner Add. 21454

¹ Mit Genehmigung der philosophischen Fakultät abgedruckt aus einer grösseren Abhandlung über die literargeschichtliche Stellung des Severus (cf. WRIGHT, *Encycl. Brit.* XXII p. 852 sq.; ABBÉ MARTIN, *De la métrique chez les Syriens* im siebenten und MERRX, *Historia artis grammaticae apud Syros* im neunten Bande der *Abhandlungen für die Kunde des Morgenlandes*), deren III. Teil die vorliegende Dissertation bildet.

Die Anregung zu dieser Arbeit verdanke ich Herrn Geh. Hofrat Prof. Dr. MERRX, durch dessen Vermittelung mir auch die Benützung des Cod. or. Götting. 18c auf der hiesigen Universitätsbibliothek ermöglicht wurde. Es ist mir eine angenehme Pflicht, ihm für alle in Rat und That gewährte Förderung an dieser Stelle meinen Dank auszusprechen.

Die Excerpte aus Nikomachus bei Ja' qûbî (ed. HOUTSMA vol. I p. 139 sq., übersetzt von KLAMROTH Z. D. M. G. XLIII p. 9—16) haben zu den vorliegenden keine Beziehung; von der Einleitung sind andere Teile wiedergegeben, vor allem aber enthalten sie weit mehr Sachliches aus dem Haupttheile des Buchs, der Epitomator wollte eben wirklich eine Übersicht des Inhalts geben.

Ob der Inhalt der dritten Frage: „Welche Stufenfolge besitzen diese vier Disciplinen gegeneinander?“ auf eine einheitliche Quelle zurückgeht, habe ich nicht ermitteln können. Jedenfalls aber finden sich bereits hier eine Reihe von Stellen, die sich auf die *Προλεγόμενα* οὖν θεῶν τῶν φιλοσοφίας eines Anonymus zurückführen lassen, welche in CRAMER'S *Anecdota Parisiensia*, t. IV, p. 389 veröffentlicht sind. Aus dem Inhalt der genannten Schrift ergibt sich, dass der Verfasser nach Marinus¹ lebte und neupythagoreischen Gedanken zuneigte, übrigens aber sich zum Christentum bekannte.²

Ganz diesem späten Philosophen entnommen ist der Stoff der vierten Frage: „Welches sind die Erfinder jeder dieser Arten von Mathematik?“ Zugleich machen es einige Textverderbnisse³ aufs höchste wahrscheinlich, dass dem Severus eine syrische, nicht eine arabische Übersetzung vorlag.

Die Arithmetik und Geometrie stimmen in ihren wesentlichen Teilen mit den entsprechenden Kapiteln des von VAN VLIOTEN herausgegebenen *Libri mathematici el-olâm* des Abû Abdallah Mohammed al-Khowâresmi⁴ (Leyden 1895), zum Teil auch mit den *Ihwân es-safâ* (FR. DIETTERICI *Die Abhandlungen der Ichwân es-safâ in Auswahl*, Leipz. 1883 bis 86); in der Geometrie findet sich eine Anzahl nicht unerheblicher Zusätze, so über die archimedischen Körper, welche die Annahme noch weiterer Quellen (Kemaleddin?⁵) notwendig machen.

¹ Marinus aus Sichein, zu Ende des 5. Jahrhunderts Scholarch in Athen, Neuplatoniker; vgl. ÜBERWEG, *Gesch. d. Philos.* I⁷ p. 331.

² Vorbemerkung des Herausgebers, p. 389.

³ Vgl. die Anmm. zur Übers.

⁴ Lebte um die Mitte des 10. Jahrhunderts; vgl. *Libri math. praef.* p. 4.

(WEIGHT, *Cat. Brit. Mus.* III, p. 1165). Die nahe Verwandtschaft dieser Handschrift mit der Göttinger ist bereits von MERTZ festgestellt worden¹, und da der mathematische Inhalt die Besichtigung von Textverderbnissen erleichterte, so schien eine Herausgabe des Textes ohne vollständige Collation gerechtfertigt. Durch die mich zu grösstem Danke verpflichtende Freundlichkeit von Herrn Prof. Dr. BEZOLD bin ich indessen in der Lage, für eine ganze Reihe von Stellen auch die Lesarten der Londoner Handschrift mitzuteilen.

Bezüglich des Gesamtcharakters des vorliegenden Textes ist daran zu erinnern, dass es nicht in der Absicht des Severus liegt, ein Elementarbuch der Mathematik und Astronomie zu verfassen, sondern, wie die einleitenden Worte ausdrücklich besagen, von der Naturphilosophie durch diese abstrakteren mathematischen Vorstellungen hindurch auf die höchste Stufe des philosophischen Denkens, die Theologie, hinüberzuleiten. So beschäftigen sich die ersten Fragen des Dialogs mit der inneren Notwendigkeit der Vierzahl der mathematischen Disciplinen und ihrer gegenseitigen Stellung und Rangordnung; erst mit der sechsten Frage beginnt der eigentliche mathematische Teil. Während dieser im Wesentlichen arabischen Quellen entstammt, haben für die vorausgehenden Fragen auch Bruchstücke von griechisch-syrischer Literatur nachgewiesen werden können. Ich stelle im Folgenden die Hauptergebnisse der Untersuchung zusammen; für den Nachweis im Einzelnen sind die Anmerkungen zu vergleichen.

Der Gedanke der Einleitung, die Antwort auf die erste Frage: „Weshalb giebt es vier Disciplinen?“ und insbesondere die Erörterung über das logische Verhältnis der Arithmetik zu den übrigen mathematischen Disciplinen in der zweiten Frage sind den einleitenden philosophischen Kapiteln von Nikomachus' *Εἰσαγωγὴ ἀριθμητικῆ* entnommen; jedenfalls nicht direkt, sondern vermutlich einem noch auf griechischem Boden entstandenen Excerpt eines Neupythagoreers, das dann seinen Weg in die syrische (oder arabische) Literatur fand.

¹ *Hist. art. gramm.* p. 214: Londiniensis libri indolem cum Göttingensi in dialogo de poetica . . . comparatam eam esse vidi, ut edi textus grammaticae possit etiam sine Londiniensi codice etc.

Einen eigentümlichen Inhalt hat der Abschnitt über die Musik; verwandte Vorstellungen enthalten die Schriften der Ihwân eš-šafâ.

Für die Astronomie musste ich mich auf den Nachweis der entsprechenden Stellen in Ġagmîni's Astronomie (Z. D. M. G. XLVII p. 213) beschränken. Die zahlreichen griechischen Ausdrücke, welche sich gerade in diesem letzten Abschnitt des Dialogs vorfinden, möchte ich nicht auf Rechnung einer syrischen Quelle setzen, da eine Reihe anderer Momente die Abhängigkeit von einem arabischen Schriftsteller wahrscheinlicher macht.¹ Einen Vergleich mit dem entsprechenden Kapitel von Barhebraeus' *Sûlâtâ haumanâya* habe ich leider nicht anstellen können.

¹ So z. B. die Beziehung einiger astronomischen Daten auf den Horizont von Bagdad, die Definition von Azimuth, Sinus u. s. w. Vgl. die Anmerkungen zur „Astronomie“.

Text des Quadriviums.*

أود أنما نصيبا. خلا فلامنعم أمة تقفعا. راجع
مد
هذا تقفعا. خلا مصفلا مسما. مدلا فلامنعم.
أبو موهوب ومع خلا. أعلما وتصرفنا صبرم || ومع
تقفعا يعف مع ومع بوحسنا خلا ومع لا بوحسنا.
حوب وبعلا فلامنعم خلا. حوب معقفعا هوب
حنسنا^a كهمصنا. ملاء كهمصنا وبعلا لازرا. يعفنا مع مع
وهي مدفا.

ههالا مبعلا ومعلا مبل ائصلا انابوه تقفعا
فعلنا بوقفانعمنا خلا مضمنا نرفلا. هوب مضمنا ه
انابوه مصفعا مخرجا زعمنا. ه انابوه مصفعا مخرجا
كصننا. هوب مصفعا. ه مينة ملة انابوه. مخرجا
لاانفانعم. هوب فنمنا. هوب وبعلا كصنا وبعننا.
هوبنا هوب. ه انابو فلامنعم انابوه. مخرجا كهمصنم.
|| هوب وبعلا انسنا وبعلا وبقلا وبعلا سبوا. اقرارا في لبعف
ورفع مصفلا لولا رفع مصفلا. مبلنا مبل وبعلا هوبفعا
صملا. انابو بقفان قفلا مخرجه وبقلا. ه انسنا خلا
انسنا. وبعلا مبلنا. اقرارا وبعلا مبلنا. وبعلا وبعلا
بعلا.

* Zusätze des Herausgebers sind in runde, zu tilgende Worte in eckige Klammern eingeschlossen; || bezeichnet die Columnenanfänge des Cod. Gott. 18c; L = Cod. Lond.

^a L. add. يعف.

حلالاً مبرهنًا.. حلالاً في الواقع وفي مغللة الألفه وهه
 منسلاً فيهم ذمياً. || مغللاً فيجعلها^٥ لا معصية سباً ذمياً مه
 وحلالاً في معصية مالمعصا^٦. أقراراً ولا مالمعص معصية: وهه
 في وهه يوهو سهوياً مغلتيهه. إلا أنه سهوياً لانهه: أنه
 مغلتيهه. ذم في معصية معصية وفي في مالمعصا: وهه
 في وهه يوهو سهوياً. مغلتيهه. أقراراً معصية وهه ذمياً..
 وحلالاً في معصية منسلاً لانهه. مغلتيهه. مغلتيهه:
 بلخفف حلالاً لانهه رتلاً مغلتيهه. أقراراً واقص رتلاً. اتحل
 اتحل اعلمهه. هللاً رتلاً للاً للاً اعلمه. هوياً
 هلح. منسلاً فيلاً. هه في ذمه لغلم. أقراراً واعلمه حقلاً.
 له: منسلاً لانهه سهوياً. منسلاً في أقراراً ومعصية في
 مالمعصية حلالاً لانهه. خصب حمنسلاً وحمنسلة معصية.
 سهوياً في: أقراراً وفي فيمن مع سقملاً. ذم في ذمه حمنسلاً
 لغلم. منسلاً ذم بهه منسلاً. || فيمن وحلاله منسلاً (للمعصية
 وهه ذميه سهوياً ههه منسلاً. ذمياً) لا فيمن. لا فيمن فيمن
 لالغلمهه منسلاً معصية: فيهم منسلاً معصية معصية ذم
 معصية لا ههه حلالاً معصية. معصية في مع مالمعصيه
 ههه حلالاً معصية. [ملا في معصية: أنه فيمن معصية
 لانهه. أنه لانس معصية]. هلح في لانهه الحلالاً فيمن حلالاً
 معصية معصية: في لالغلمهه. مغلتيهه فيمن
 مالمعصية فيمن وفي معصية: ذم في معصية لانهه
 انمالمعصيه. وهه ذميه ههه. هه ذميه فيمن لانهه.
 انمالمعصيه فيمن: لانس وهه وهه ذميه فيمن لانهه.
 وطرسية معصية. لهه في معصية وهه معصية معصية.
 فيمن منسلاً لالغلمهه معصية. ذم في فيمن في: فيمن || مغلتيهه

a Cod.: حلالاً. b Cod.: حلالاً.
 c L. معصية. d Nach L. ergänzt. e Cod.: مغلتيهه.

لانهه. أهله: وهه معصية مالمعصيه^٧. معصية فيمن معصية
 معصية مغلتيهه: مع فيمن مالمعصيه. ذم وهه معصية: لا معصية
 حلالاً مالمعصيه. مالمعصيه في: معصية حلالاً مالمعصيه.
 معصية معصية: حلالاً معصية مالمعصيه معصيه وههه.
 اعلمه معصية في لالا لانهه. أقراراً وههه. مالمعصيه
 لانهه وههه حلالاً معصية مالمعصيه حلالاً لانهه فيمن حلالاً
 وهه لانس ومعصية فيمن: اعلمه واعلمه ههه: فيمن وفي
 بلباريه ههه وفي بلباريه: حلالاً وهه في بلباريه. انساربه
 فيمن (حلالاً)^٨. وهه مالمعصيه وههه حلالاً: سبوت أقراراً معصية
 وهه. وفي فيمن معصية لانهه: لانس مالمعصيه. لهه
 في فيمن في مالمعصيه: || سبوت فيمن معصية مالمعصيه. وهه في.
 ذم وهه حلالاً فيمن في معصية حلالاً: لا
 فيمن وهه.

عملاً واتحل الحلال لانهه معصية ولانس مع هلح
 أقراراً فيمن معصية ههه فيمن لانهه: معصية وههه.
 ذم في لانهه لانهه وهه. ههه لانهه مغلتيهه لانس وهه لانس.
 مالمعصيه ذميه فيمن ههه مالمعصيه لانس في أقراراً. فيمن
 معصية مالمعصيه طلقاً. هلح في أقراراً. في فيمن حلالاً حلالاً
 في ذميه: ذم فيمن حلالاً وههه. مالمعصيه فيمن
 فيمن ههه خصل... لانس فيمن لانس فيمن
 مه لانس وهه. || مغللاً مالمعصيه. ذم فيمن لانس
 وهه. لانس وهه في. فيمن منسلاً مغلتيهه فيمن
 منسلاً معصيه في مالمعصيه مالمعصيه مالمعصيه
 ذميه. مالمعصيه وهه لانس: مالمعصيه وهه لانس. وهه
 في منسلاً معصيه وهه. فيمن لانس مالمعصيه مالمعصيه

a Cod.: مالمعصيه. b Fehlt auch L. c So der Cod.
 d L. معصيه. e L. لانس. f Fehlt L. g L. معصيه.
 h Cod. und L. فيمن.

Erste Frage: Weshalb giebt es vier Disciplinen?

Antwort: Die Mathematik handelt von der Quantität. Und diese Quantität ist entweder kontinuierlich und erzeugt die (räumliche) Grösse, oder ist diskontinuierlich und erzeugt die Zahl¹. Und diese diskontinuierliche (Quantität) besteht entweder an und für sich und erzeugt die Arithmetik, d. h. Zahlenlehre, welche die Natur der Zahlen und die Form derselben erkennt, oder besteht in einer Art von Verwandtschaftsverhältnis und erzeugt die (theoretische) Musik, welche das gegenseitige Verhältnis der Saitenlängen zum Gegenstande der Erkenntnis macht²; wie wenn es geschieht, dass irgend eine Zahl zu irgend einer andern das Verhältnis von einem Ganzen und der Hälfte des Ganzen besitzt — so ist neun gleich sechs und der Hälfte von sechs — oder dass eine andere zu einer andern ein Verhältnis besitzt wie das Doppelte und Dreifache, so dass also die Musik das Verhältnis der Zahlen zu einander erkennt. Die kontinuierliche Quantität aber ist entweder bewegt oder unbewegt. Die unbewegte

Dasselbe findet sich in arabischen Quellen, so im *Libro mofātāh el-olām* (ed. VAN VLOREN, p. 132):
 وينقسم الجزء النظري: ثلاثة أقسام وذلك أن منه ما الفحص فيه عن الأشياء التي لها عنصر ومادة ويسمى علم الطبيعة ومنه ما الفحص فيه عما هو خارج لها عنصر والمادة ويسمى علم الأمور الالهية ويسمى بالبرهانية ثارلوجيا ومنه ما ليس الفحص فيه عن أشياء لها مادة لكن عن أشياء موجودة في المادة المقادير والشكال والكركات وما اشبه ذلك ويسمى العلم الأسفل وهو الطبيعي. وأما البنطق . . . العلم الاعلى وهو الالهى زين العلم الاسفل وهو الطبيعي. وأما البنطق . . .
 Damit erledigt sich auch die von KLAMROTH (*Z. D. M. G.* XLI p. 422) angeführte Stelle aus Jāqūbi bezw. Ibn abi Useibia. Vgl. noch Ihyān es-safā p. 291.

¹ Arist. *Kat.* 4^b 20. Nikom. I 2, 4. Jambli. *In Nik.* p. 7.

² Nikom. I 3, 1: ἀριθμητική μὲν τὸ περὶ τοῦ καθ' αἑαυτῶ, μουσική δὲ τὸ περὶ τοῦ πρὸς ἄλλο. — Zum Folgenden Nikom. I 3, 2: πάλιν δὲ ἐπεὶ τοῦ πηλίκου τὸ μὲν ἐστὶν ἐν μονῇ καὶ στάσει, τὸ δὲ ἐν κινήσει καὶ περιφορῇ, δύο ἔσται κατὰ τὰ αὐτὰ ἐπιστήμαι ἀκριβέσσοσι τὸ πηλίκον, τὸ μὲν μένον . . . γεωμετρία, τὸ δὲ φερόμενον . . . σφαιρική.

erzeugt die Geometrie, die bewegte dagegen die Astronomie. Dies möge über die Einteilung der Mathematik genügen.

Zweite Frage; Zweifel. Wenn nun die Menschen auf diese eben erwähnte Einteilung schauen, können ihnen Zweifel aufsteigen, indem sie in Betreff dieser Einteilung der diskontinuierlichen Quantität sagen: Wenn sie also an und für sich besteht, erzeugt sie die Arithmetik, und wenn im Verhältnis, die Musik. Dann wenden sie ein: Wie denn? befasst sich die Arithmetik nicht mit dem Verhältnisse der Zahlen? Es hat doch Nikomachos, da er seine Isagoge schrieb, nicht nur über die Zahlen gesprochen und gesagt, dass eine dekadische¹ Zahl gerade oder ungerade, vollkommen oder übervollkommen sei, sondern auch, wenn er über ihr Verhältnis spricht, (gesagt,) was für ein Verhältnis die Zehn zur Zahl Fünf besitzt — sie steht nämlich im Verhältnis des Neun zur Sechs besitzt — nämlich das vom Ganzen und der Hälfte des Ganzen —, denn sie enthält ihr Ganzes und ihre Hälfte. So könnte man Zweifel äussern.

Antwort und Lösung des Zweifels. Wir lösen dies auf folgende Weise: Die Arithmetik steht ihrer Natur nach

¹ Der Ausdruck *μυκάδα* ist eine sehr auffallende Bezeichnung.

² Nikom. I 4, 2 sq.: ἔστι δὲ αὕτη ἡ ἀριθμητικὴ οὐ μόνον . . . ἀλλὰ καὶ ὅτι φύσει προγενεστέρα ὑπάρχει, ὅσοι συναναίρει μὲν αὐτῇ τὰ λοιπά, οὐ συναναίρεται δὲ ἐκείνοις· οἷον τὸ ζῶον πρότερον τοῦ ἀνθρώπου φύσει ἐστίν· ἀναίρεθέντος γὰρ τοῦ ζῶου ἀναίρεται καὶ ὁ ἄνθρωπος, οὐκ ἐπὶ δὲ ἀναίρεθέντος τοῦ ἀνθρώπου συναναίρεται καὶ τὸ ζῶον . . . καὶ ἐκ τοῦ ἐναντίου δὲ νεώτερον λέγεται . . . ὁ συνεπιφέρει μὲν αὐτῷ τὸ λοιπόν, οὐ συνεπιφέρεται δὲ ἐκείνω, οἷον ὁ μουσικός· συνεπιφέρει γὰρ αὐτῷ πάντως τὸ ζῶον τούτω, οὐκ ἔμπροσθεν δὲ ἴππου. συνεπιφέρεται γὰρ πάντως τὸ ζῶον τούτω, οὐκ ἔμπροσθεν δὲ ζῶου γὰρ ὄντος οὐκ ἀναγκαῖον εἶναι ἴππον οὐδὲ ἀνθρώπου ὑπάρχοντος συνεπιφέρεσθαι μουσικόν. οὕτω καὶ ἐπὶ τῶν προλεγεσῶν ἐπιστημῶν· οὐδὲς μὲν γὰρ γεωμετρίας ἀνάγκη καὶ τὴν ἀριθμητικὴν συνεπιφέρεσθαι· ἅμα γὰρ ταύτη τρίγωνον ἢ τετράγωνον . . . ὁ γεωμετρία λέγει, καὶ οὐκ ἄνευ τῶν ἐκάστῳ συνεπιφερομένων ἀριθμῶν ἐπινοεῖσθαι τὰ τοιαῦτα δύναται . . . συναναίρει ἕρα ἢ ἀριθμητικὴ κατ.

diesen andern Wissenschaften voran. Und wie sie nun von Natur diesen andern Wissenschaften voransteht, so geht sie voran, nimmt für sich in Anspruch und behandelt nicht nur das, was unter ihren Begriff fällt, sondern auch die andern Wissenschaften. Verfolgen wir daher, inwiefern sie von Natur an erster Stelle steht. Denn dasjenige, was von Natur voransteht, ist das, was aufhebt, aber nicht aufgehoben wird, und was subsumiert, aber nicht (andern) subsumiert wird; wie wenn (der Begriff) „Lebendiges“ aufgehoben wird, zugleich auch (der Begriff) „Mensch, Pferd“ und dergleichen aufgehoben wird; wird aber „Mensch“ aufgehoben, so wird „Lebendiges“ nicht (mit)aufgehoben. Und ebenso, wenn Du sagst „Mensch“, so subsumierst Du ihn dem Begriff „Lebendiges“; sagst Du aber „Lebendiges“, so subsumierst Du es keineswegs dem Begriff „Mensch“. Daher ist es erforderlich, dass wir wissen, in welcher Weise die Arithmetik ihrer Natur nach den andern Wissenschaften vorangeht. Wenn nämlich diese existiert, so ist nicht notwendig, dass jene existieren. Sobald aber der Geometer Trigon oder Tetragon sagt, subsumiert er es der Arithmetik, denn drei und vier gehören den Zahlen an. Und ebenso ist mit der Existenz der Astronomie die Existenz der Arithmetik gesetzt: denn zuvörderst bedarf die Astronomie der Geometrie, insofern als sie ihre Beweise nicht führen kann ausser an der Hand von geometrischen Deduktionen, und dies ist der Anlass zur Arithmetik. Auch noch auf andere Weise führt sie dieselbe ein, indem der Astronom sagt, die Sonne befindet sich im ersten oder zweiten Grad des Tierkreises. Denn die Zahl „erster“ und „zweiter“ gehört der

I 5, 1: Πάλιν δὲ ἐπὶ τῆς μουσικῆς: οὐ γὰρ μόνον ὅτι προγενέστερον τὸ καθ' αὐτὸ τοῦ πρὸς ἄλλο . . ., ἀλλ' ὅτι καὶ αἱ μουσικαὶ συμφωνίαι . . . κατὰ ἀριθμὸν εἰσι ὠνομασμέναι· ὁμοίως καὶ τοὺς ἀρμονικοὺς λόγους ἀριθμητικοὺς πάντως ἔχουσι, ἡ μὲν διὰ τεσσάρων ἐπίτριστος κτλ. 2: ἐκδηλοτέρων γε μὴν ἡ φαιρικῆ δι' ἀριθμητικῆς τυγχάνει πάντων τῶν προσηρόντων αὐτῇ σκευμάτων οὐ μόνον, ὅτι γεωμετρίας μεταγενεστέρη ἐστίν (ἡ γὰρ κίνησις φύσει μετὰ τὴν μονήν), . . . ἀλλ' ὅτι καὶ ἀριθμῶν περιόδους καὶ ποσότησιν ἀνατολά τε . . . καὶ φάσεις παντοῦται διαφθερόντα. Zu diesen Stellen vgl. noch den Anonymus in CHAMBERI *Anecd. Paris.* IV p. 420—421.

Arithmetik an. Und ebenso führt die Musik, indem sie untersucht, aus wieviel Tönen irgend eine Melodie zusammengesetzt ist, Arithmetik ein. Sowie also die Arithmetik aufgehoben wird, werden auch diese andern Wissenschaften (mit) aufgehoben, Denn sobald die Zahl nicht (mehr) existiert, haben auch jene keinen Gegenstand mehr, um dessen willen sie ihre Untersuchungen anstellen. Und so haben wir gezeigt, dass die Arithmetik von Natur diesen andern Wissenschaften voransteht. Und wie eine Sache, welche von Natur an erster Stelle steht, vorausgeht, für sich irgendetwas vorwegnimmt und sich darüber ausspricht, so spricht sie sich nicht nur über die Dinge aus, welche zu ihrem Bereich gehören, sondern auch über das, was Gegenstand dieser Wissenschaften ist. Denn Gegenstand der Geometrie ist das Trigon und Tetragon und auch noch andere Figuren; die Arithmetik giebt aber auch darüber Rechenschaft und sagt, dass die Zahl Drei ein Dreieck sei. Und ebenso ist Gegenstand der Astronomie der Kreis, die Figur (Constellation) und die Kugel; die Arithmetik aber giebt auch darüber Rechenschaft und sagt, welche Zahl Kreiszahl und welche Kugelzahl ist! Eine Zahl ist nämlich Kreiszahl, wenn sie von sich als solcher ausgeht und zu sich als solcher zurückkehrt, wie 25 und 36. Gerade diese (allein) sind Kreiszahlen von allen andern Zahlen. Denn fünf mal je fünf machen fünfundzwanzig, und sechs mal je sechs machen sechsunddreissig. Eine Kugelzahl ist's aber, wenn Du die Seite des Kreises (ebenso)viele Male oberhalb des Kreises wiederholst, wie fünf mal fünfundzwanzig 125 geben und sechs mal sechsunddreissig 216. Und allein diese beiden Zahlen heissen Kugelzahlen. Ebenso liegen der Musik auf eine gewisse Art Zahlen zugrunde, insofern sie das Verhältnis der Saiten-

1 Nikom. II, 17, 7: ὡς καὶ οἱ λεχθέντες οὗτοι ἀριθμοὶ μονώτατοι τῶν ἄλλων τῶν ἰσάκεις ἔσων καταστρέφουσιν εἰς τὴν αὐτὴν ἀρχήν, ὅθεν ἤρξαντο, κατὰ πάσας τὰς αὐξήσεις· ἀλλ' ἂν μὲν ἐπιπέδως οὐαὶ διαστήματα προκόψωσι, κυκλικοὶ λέγονται, ὡς ὁ α, κε, λς ἐκ τοῦ ἅπαξ α καὶ τοῦ πεντάκις ε καὶ τοῦ ἑξάκις ζ· ἐὰν δὲ τρία διαστήματα ἔχωσιν . . ., σφαιρικοὶ στερεοὶ λέγονται, ὡς ὁ α, ρκε, σις . . . Weiter oben ὁ ἀπὸ τῆς ε πλευρῆς καὶ ὁ ἀπὸ τῆς ζ. Vgl. Theon ed. HULLER p. 38; Ἡγῶν ἐσ-σαβή p. 281, *Maif.* p. 190.

(längen) erforscht, welches Verhältnis z. B. die Saite, die Hypate genannt wird, zu der Mittleren besitzt¹; dies Verhältnis gehört infolge des gegenseitigen Entsprechens der Zahlen auch der Arithmetik an. Denn sie spricht aus, welches Verhältnis die Zahl Zehn zur Zahl Fünf besitzt, und zeigt, dass sie im Verhältnis des Doppelten steht; und welches Verhältnis die Zahl Acht zur Sieben besitzt, weil sie die $\epsilon\phi\acute{\epsilon}\beta\delta\omicron\mu\omicron\varsigma$ ², d. h. Übersiebente ist; denn es kommt ihr das von Sieben und das von Einem zu. Und die Sechs steht im Verhältnis zur Vier, weil sie das Ganze und die Hälfte des Ganzen ist; denn sie enthält die Vier und die Hälfte davon, Zwei. So haben wir also gezeigt, dass die Arithmetik nicht nur über das Rechenhaft giebt, was ihren eigenen Gegenstand ausmacht, sondern auch über das, was den Gegenstand der andern Wissenschaften bildet. Denn sie gestattet dies³ an und für sich. So giebt auch die Physiologie nicht nur Rechenhaft über das, was ihr Objekt ist, nämlich über die Entstehung der Tiere, sondern auch über das, was zur Heilkunde gehört, nämlich die menschlichen Körper.

Dritte Frage: Welche Stufenfolge besitzen diese vier Disciplinen gegeneinander?⁴

¹ ὑπάτη, μέση cf. Theon p. 48 u. a. Fehlt *Theos. Syr.* (nur $\omega\epsilon\beta\delta\omicron\iota$ consulu).

² Fehlt *Theos. Syr.* — Schol. zu Nikom., *HOCHÉ* p. 71, $\epsilon\phi\acute{\epsilon}\beta\delta\omicron\mu\omicron\iota$; Jamb. *In Nik.* p. 84, 17 $\epsilon\phi\acute{\epsilon}\beta\delta\omicron\mu\omicron\varsigma$. Theon p. 77, 17. Definition bei Nik. I 19, 1: Ἐπιμόριος δὲ ἐστὶν ἀριθμὸς . . . ὁ ἔχων ἐν ἑαυτῷ τὸν συγκριτόμενον ὅλον καὶ μόνον αὐτοῦ ἕν τι. Der Sinn der Stelle ist also, dass $8:7=1\frac{1}{7}$, genauer „ein Siebentel und ein Ganzes.“

³ Vgl. τὸ γὰρ αὐτὸ πάσχει τοῦτο . . . πάθος Nik. II, 17, 7.

⁴ Die Anordnung der mathematischen Disciplinen schwankt schon bei den Griechen, je nachdem die Musik als ein Teil der Arithmetik gilt, oder unter dem Einfluss der pythagoreischen Lehren zur Astronomie gerechnet wird: Theon p. 16, 17 unterscheidet demgemäss ἐν ἀριθμοῖς μουσική und τῆς τοῦ κόσμου ἀρμονίας θεωρητική μουσική (Vgl. *CANTOR, Math. Beiträge* p. 377). Im Allgemeinen befolgen die Byzantiner (Psellus, Pachymeres, vgl. auch Tzetzes bei *MERX, Hist. art. gr.* 210) und Lateiner (Boetius, Cassiodorius) die

Antwort: Da behaupten wir, dass die Zahl, d. h. die diskontinuierliche Quantität, der kontinuierlichen, nämlich der Grösse, aus drei Gründen voransteht¹. Einer, und zwar der erste, ist der, dass gebührender Weise die Untersuchung der Zahlen der Untersuchung der Grösse vorausgeht, wie wir bereits gezeigt haben. Und es ist ausserdem² bekannt, dass von den beiden bestehenden Gegensätzen, nämlich der Commensurabilität, die rational ist, und der Incommensurabilität, die irrational ist, die Zahl diese beiden Vorzüge (positiven Eigenschaften) besitzt, nämlich die Commensurabilität und die (Eigenschaft), dass sie rational ist; die (räumliche) Grösse dagegen besitzt nicht nur diese beiden Vorzüge, sondern auch diejenigen (Eigenschaften), welche einen Mangel ausdrücken. Aber es ist zuvor erforderlich, dass wir erklären, was Commensurabilität ist und was Incommensurabilität, und was das Rationale ist und was das Irrationale³. Wir sagen: Commensurabilität besteht, wenn

von Nikomachus angegebene Anordnung, bei den Arabern scheint die Musik häufiger an vierter Stelle zu stehen (Ilywän und *Maf*), weil ihnen die Beziehungen zur Astronomie wichtiger erschienen.

¹ Einen Beleg für die hier folgende Abhandlung über Commensurabilität habe ich in der späteren philosophischen Literatur der Griechen bis jetzt nicht auffinden können; die Bemerkungen über Quadrat- und Kreiszahlen stammen aus dem mehrfach citirten Anonymus. Beide „Gründe“ sind so rein äusserlich, dass man der mathematischen Einsicht dieser Philosophen nur das ungünstigste Zeugnis ausstellen kann.

² ι, α „folglich“?

³ Die Definitionen bei Euklid X am Anfang lauten: α. Σὺμμετρα μέγεθθ λέγεται τὰ τῷ αὐτῷ μέτρῳ μετρούμενα, ἀσύμμετρα δέ, ὧν μηδὲν ἐνδέχεται κοινὸν μέτρον γενέσθαι. — β. εὐθετα ὀνόματι σύμμετροί εἰσιν . . . γ. . . καλείσθω οὖν ἡ μὲν προτεθειτα εὐθετα ῥητῆ, καὶ αἱ τούτῃ σύμμετροι ἄλογοι καλεῖσθωσαν. Dazu Heronis *Def.* ed. *HULTSCH* p. 37, wo auch die Zahlen ἄλογοι καὶ ἀσύμμετροι, ῥητοὶ καὶ σύμμετροι heissen, und p. 38: Περὶ εὐθετῶν συμμέτρων καὶ ἀσύμμέτρων; ebenda Anonymi coll. p. 266 bis 268, ein langer Commentar über die Relativität dieser Begriffe. Die hier folgenden ebenso umständliche, als inhaltlose Erörterung knüpft sich haupt-

etwas an und für sich durch ein Mass gemessen wird ohne Überschuss (oder) Fehlbetrag; Incommensurabilität dagegen, wenn etwas nicht an und für sich durch ein Mass gemessen wird, so dass an ihm ein Überschuss oder Fehlbetrag haftet. Rational ist eine Sache, welche aussprechbar ist und einen Namen besitzt, irrational aber, welche keinen Namen besitzt. Und es ist gut zu wissen, dass jede Zahl zugleich commensurabel ist und rational; und zwar commensurabel, weil jede Zahl durch eine Quantität gezählt wird, rational aber deshalb, weil jede Zahl einen Namen besitzt. Die Grösse dagegen besitzt nicht nur die Eigenschaft, dass sie commensurabel ist, sondern auch die, dass sie rational ist: die Commensurabilität gemäss dem, was wir an den Figuren finden können, die an und für sich durch die Gestalt gemessen werden, wie das Trigon und Tetragon, die durch eine gerade Linie gemessen werden (?),¹ die Rationalität aber gemäss dem, dass wir Figuren finden können, welche Namen haben, wie das Trigon und Tetragon, die diese Namen besitzen, nämlich Dreieck und Viereck. Ebenso aber, wie die Grösse diese genannten Eigenschaften besitzt, ich meine die Commensurabilität und Rationalität, so besitzt sie auch jene zwei andern, nämlich, um es zu wiederholen, Incommensurabilität und Irrationalität. Und dass sie Incommensurabilität besitzt, weiss man daher, dass es Figuren giebt, welche nicht an und für sich durch ein Mass gemessen werden, wie das Trigon und der Kreis, wovon jenes durch eine gerade Linie gemessen wird, dieser dagegen durch eine gekrümmte Linie²;

sächlich an die buchstäbliche Übersetzung von ῥητός und ἄλογος. Vgl. auch Arist. περὶ ἀτόμων γραμμῶν ed. Berol. 968^b, eine wahrscheinlich untergeschobene Schrift (V. Rose, *De libr. Arist.* *ord.* p. 193).

¹ Mir unverständlich; die zweimalige Erwähnung des Dreiecks, als messbare Figur und als solche, die nicht durch ein Mass gemessen werden kann, macht es wahrscheinlich, dass im ersten Fall an die sogenannten pythagoreischen Dreiecke gedacht war, deren Hypotenuse in rationalem Verhältnis zu den Katheten steht.

² Hier das gleichschenkelig rechtwinklige Dreieck mit der Hypotenuse $a\sqrt{2}$? Vgl. CANTOR, *Gesch. d. Math.* I 2 169, nebst

Irrationalität aber dadurch, dass es bei den Geometern gewisse irrationale Linien giebt, die eben „unaussprechbar“ genannt werden, weil sie keine Namen haben. Weil nun aber die Zahl von den beiden Antithesen, d. h. Gegensätzen, diese beiden Vorzüge besitzt, die Grösse dagegen zugleich auch das besitzt, was mangelhaft ist, und deshalb jene von Vermischung frei, diese aber damit behaftet ist, so wird das, was auch diese Mängel enthält, an die letzte Stelle gesetzt; und dies also ist der erste Grund. Der zweite Grund aber¹, um dessen willen die Zahl der Grösse vorangestellt wird, ist, dass wir unter den (räumlichen) Grössen keine Grösse finden, die durch zwei Masse gemessen wird, wie wir z. B. unmöglich etwas finden, was an und für sich zugleich Kreis und Tetragon wäre; vielmehr ist es entweder Kreis oder Tetragon. Bei den Zahlen jedoch finden wir das Gegenteil: dass etwas an und für sich sowohl Kreis als auch Tetragon ist, wie die Zahl 25. Die Eigentümlichkeit einer Quadratzahl nämlich ist, als Zahl an und für sich, dass sie (ebenso)

Anmerkung. Unklar bleibt, was es heissen soll, durch eine gerade Linie, durch eine krumme Linie gemessen werden; ist die Fläche im Verhältnis zu den Seiten beziehungsweise dem Umfang gemeint, oder das Verhältnis der Seiten zu einander beziehungsweise das des Umfangs zum Durchmesser?

¹ Anon. in CRAMER *Anecd.* IV 422: Πρότεροι τοῖνυ αἰ περὶ ἀριθμῶν τῶν περὶ μέγεθος καταριθμῶμένων εἰσὶν . . . ὁ γὰρ αὐτὸς ἀριθμὸς δύνανται κύκλος ἄμα καὶ τετράγωνος γενέσθαι. κύκλος δὲ ἔστιν ὁ νόμος κύκλου ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἀρχόμενος καὶ εἰς τὸ αὐτὸ λήγων, οἷον ὁ τετράκις ἕξ εἴκοσι τέσσαρες. τετράγωνος δὲ ὁ ἐαυτὸν πολλαπλασιάζων, οἷον ὁ τετράκις τέσσαρα, δεκάξ . . . κύκλος δὲ ἄμα καὶ τετράγωνος ὁ εἴκοσι πέντε, καὶ ὁ τριακονταέξ, καὶ πλὴν τούτων τῶν δύο, οὐκ ἔστιν ἄλλος. ἐπὶ τῶν μεγεθῶν τούτο οὐκ ἔστι κτλ.

BREITSCHEIDER (*Die Geometrie und die Geometer vor Euklides*) citiert p. 106 (§ 84) aus des Simplicios Comm. zu Arist. phys. aus. eine dem Eudemos angehörige Stelle, welche dieselbe Begriffsverwirrung zum Gegenstand hat. Vgl. noch p. 129. Es ist merkwürdig, welche Anziehung diese Spielerei auf solche Philosophen ausübte und wieviel Unheil sie angestiftet hat. Siehe auch HANKE, *Zur Gesch. d. Math.* p. 116.

viele Male über sich wiederholt wird, wie vier mal je vier sechzehn, und drei mal je drei neun. Und derartige, dass eine Zahl beginnt und in sich selbst endet, wie sechs in sechs 36 (giebt), ist eine Quadrat- und Kreiszahl; und zwar eine Quadratzahl, wie wenn z. B. die Fünf über sich wiederholt die Zahl Fünfzwanzig geben, eine Kreiszahl dagegen, wie wenn sie z. B. von fünf ausgehend in sich selbst mit fünf endet. Daher sind zu dem, wozu diese Zahlen imstande sind, dass sie als zwei Zahlen [gezählt werden, nämlich als kreisförmige und quadratische, die (räumlichen) Grössen]¹ nicht fähig. Denn es ist unmöglich, dass eine Figur zugleich kreisförmig und quadratisch ist. Gebührenderweise also wird die diskontinuierliche Quantität vor die kontinuierliche gestellt, deshalb weil die diskontinuierliche nicht der kontinuierlichen bedarf, die kontinuierliche dagegen unbedingt der diskontinuierlichen. [Denn jedes Kontinuum ist entweder eindimensional oder zweidimensional]². Dies also sind die Dinge, welche über die diskontinuierliche Quantität vermöge zweier³ Gründe ausgesagt werden, um deren willen sie der kontinuierlichen vorausgeht und vorgesetzt ist. Nun beruht aber auf der diskontinuierlichen Quantität die Arithmetik, d. h. auf der an und für sich (bestehenden), und nicht auf der in Relation (befindlichen). Denn die Arithmetik erkennt die Zahl an und für sich, die Musik dagegen die in Relation befindliche. — Ebenso aber⁴ geht bei der Einteilung der kontinuierlichen Quantität die Geometrie der Astronomie voraus, insofern nämlich die Geometrie etwas Ruhendes ist,

¹ Nach dem Cod. Lond. ergänzt, soweit in eckigen Klammern eingeschlossen.

² Dieser gar nicht in den Zusammenhang passende Satz findet sich auch im Cod. Lond.

³ Im Ganzen also, wie zu Anfang angekündigt, drei.

⁴ Anon. in CRAMERI *Anecd.* 422: ἐν δὲ ταῖς περὶ μέγεθος κατατινομέναις, προτέρα ἢ γεωμετρία τῆς ἀστρονομίας: ὅτι ἡ μὲν γεωμετρία περὶ ἀκίνητον καὶ μένον πῶς ἀστρονομία: ὅτι ἡ μὲν νομία περὶ κινούμενον, οὐ δεῖται δὲ ἡ μονὴ τῆς κινήσεως, ἀλλ' ἡ κίνησις τῆς μονῆς, διότι οὐ δυνατόν κινεῖσθαι τι ἄνευ μονῆς, οὐδὲ βαδίζειν τίς δύνάται ἐν τοῖς ψαμμώδεσι τόποις, μὴ ἔχοντος τοῦ ποδῶς

die Astronomie dagegen etwas Bewegtes. Darum steht irgend ein Ruhendes dem Bewegten voran und wird ausgezeichnet deshalb, weil das Ruhende nicht der Bewegung bedarf, die Bewegung dagegen der Ruhe. Denn alles Bewegte wird auf etwas Ruhendem bewegt als dem Ausgangspunkt seiner Bewegung, wie wir durch drei Beweise gezeigt haben; so zum Beispiel das Gehen, welches eine Bewegung ist, die auf etwas Ruhendem stattfindet, nämlich auf der Erde. Denn wäre nichts, worauf der Fuss sich stützt, wie könnte das Gehen vollzogen werden? Vor dem Bewegten und hinter dem Bewegten ist nichts für uns vorhanden, was sich bewegt. Denn in letzter Linie ist der Grund für die Bewegung dieses Alls um die Erde, welche unbewegt ist, der, dass sie als eine Art Mittelpunkt dient für die Dinge, die sich bewegen. Ebenso bewegen sich die Vögel bei ihrer Bewegung um etwas Feststehendes, nämlich die Luft, so dass sie, wenn sie die Luft nicht hätten, um darauf ihre Flügel zu stützen, nicht fliegen könnten.

Vierte Frage: Welches sind die Erfinder jeder dieser Arten von Mathematik?¹

τοῦ μέντοι καὶ ἐπεσείεσθαι. πᾶσα γὰρ κίνησις περὶ τι μένον καὶ ἀκίνητον κατατίναται. καὶ τὸ οὐράνιον παρὰ τῶμα περὶ μένον κινεῖσθαι, φησὶ δὲ τὴν γῆν, ἥτις τῇ οὐρατῇ φέρεται ἀκίνητός, ἔστιν.

¹ Das hier eingefügte kulturgeschichtliche Kapitel gehört wegen seiner Beziehungen zur Literatur der εὐρήματα zu den interessantesten Teilen der „Dialoge“. Es ist bekannt, dass besonders die Peripatetiker und später die Stoiker es sich angelegen sein liessen, nach den Ursprüngen der Erfindungen zu forschen (vgl. E. WENDLING, *Zu Posidonius und Varro*, *Hermes* XXVIII p. 341 sq.); die zu ganzen Katalogen anwachsenden Notizen (vgl. Plinius, *Hist. nat.* VII 56) wurden dann besonders gern von christlichen Schriftstellern gegen die Griechen in's Feld geführt (Tatian *ad Gracos*; Clem. Alex. *Stromata* vol. II c. 16, ed. DINDORF p. 62; Isidori Hisp. *Etymologiae*); vgl. M. KRAMER, *De catalogis hewrematum*, Diss. 1890. Über unsere vier „Künste“ finden sich kurze Notizen bereits bei Aristoteles, dann bei Porphyrius (*Vita Pythagorae*, ed. NAUCK c. 6) und den oben genannten Schriftstellern; dass sie auch in die syrische Literatur ihren Weg fanden, beweisen die *Theas. Syr.* 382 angeführten Verse:

Antwort: Die Rechenkunst haben die Phönizier erfunden, deshalb weil sie Kaufleute gewesen sind, die nach vielen Orten zu reisen und zu wandern pflegten¹. Das bezeugt ihnen auch Aristoteles, indem er sagt, dass die Sidonier sich geschickt der Schiffe bedienten². Auch sagt er da, wo er über den Grossen Bären am Himmel sich ausspricht, folgendes: Die Sidonier schauen auf ihn, wenn sie auf den Schiffen fahren³. Sie schauen aber deshalb auf ihn, weil er sich nahe

سما لحقلا حب حبتلمه اولما ؛
 سجاه لهزب حبقنبا انا فحلا ؛
 لهبقبا كاهصه قلاجا اسملا مبقبا ؛
 وللمسا حب تكصلاه نباله مبقبا ؛

Für die ausführlicheren Geschichten, wie sie Severus wieder giebt, sind aber wahrscheinlich Strabo und Diodor die Hauptquellen; aus ihnen schöpfte durch irgendwelche Vermittelung der Anonymus der *Anecd. Paris.*, und aus der syrischen Übersetzung desselben, wie wir sehen werden, Severus. — Das von Gosche teilweise veröffentlichte Buch des As-Soyūfī (in „Die *Kitāb al-awāil, eine literarhist. Studie*, Festg. z. 25. Vers. D. Phil., Halle 1867), eine Probe der entsprechenden Literatur auf arabischem Boden, bietet keine Vergleichspunkte.

¹ Strabo XVI 2 § 24 (ed. CRAMER p. 297): Σιδόνιοι . . . δὲ καὶ φιλόσοφοι περὶ τε ἀστρονομίαν καὶ ἀριθμητικῆν, ἀπὸ τῆς λογιστικῆς ἀρρέμενοι καὶ τῆς νοκτιπλοίας, ἐμπορικὸν γὰρ καὶ ναυκληρικὸν ἐχότερον. Ähnlich XVII 1 § 3, p. 349; Proklos *In Eucl.*, ed. FRIEDLEIN p. 64; Anon. in CRAMERI *Anecd.* IV. 421: εὖρον δὲ καὶ τὴν (Cr. τὸν) μὲν ἀριθμητικὴν Φοίνικες, ἐμπορικώτατοι γὰρ ὄντες, ἐδείθησαν ψήφων.

² Bezieht sich offenbar auf die eben citirte Strabostelle; bei Aristoteles findet sich ein solcher Anspruch nicht, die Sidonier werden überhaupt nie genannt, die Erfindung der Mathematik wird den Aegyptern und Babyloniern zugeschrieben (Arist. *Metaph.* A I 11 p. 981, *de Caelo* β XII p. 292).

³ Auch diese Bemerkung findet sich nicht bei Aristoteles, sondern bei Strabo I 1 § 6 p. 6: Ὡστ' οὐκ εὖ ἀπερίαν αὐτοῦ (sc. Homer's) καταγινώσκουσιν, ὡς μίαν ἔρακτον ἀντὶ δυοῖν εἰδότες. οὐδὲ γὰρ εἶκος ἦν πω τὴν ἑτέραν ἡστραθεψῆσθαι, ἀλλ' ἀφ' οἷς οἱ Φοίνικες ἐσημειώσαντο καὶ ἐχρῶντο πρὸς τὸν πλοῦν παρελθεῖν καὶ εἰς τοὺς Ἑλληνας; κτλ.

dem Drehpunkt des Himmelsgewölbes befindet und nur einen kleinen Kreis beschreibt und nicht untergeht. — Die Musik¹ erfanden die Söhne des Thrakeus (Thrakiens?) infolge ihrer Kampflust, weil sie kampflustig waren. Sie waren nämlich kampfskundig infolge des Umstandes, dass sie in einer kalten Gegend wohnten und sich deshalb, indem sich das natürliche Feuer in ihnen ansammelte und sie heftig erglüheten, in den Kampf stürzten. Der Kampf aber fand mit Musik statt, deshalb weil sie alle Ackerbauer waren und die Ackerbauer Gesang und Saitenspiel, Tänze und Reigen, Scherzen und Springen lieben², wie auch der Dichter beweist, indem er sagt: „Bald, o Meriones, hätte, so rasch du dich wendest im Tanze“.

¹ Kurze Notiz Strabo X 3 § 16. Das Vorliegende ist identisch mit Anon. in CRAMERI *Anecd.* IV 421: τὴν δὲ μουσικὴν εὖρον οἱ Θραῖκες ὡς ἄγαν πολεμικοὶ ὄντες· ἡ γὰρ ψυχεῖς ἀποκλείουσα τὸ θερμὸν ἐν τῷ βῆθει, θερμότερον αὐτὸ ποιεῖ· ὅθεν καὶ θυμώδεις εἰσι καὶ πολεμικοὶ τῇ βίᾳ τοῦ θερμοῦ, καὶ ὀρχηστικοὶ δὲ διὰ τὰς ἐτόιμους ἐπιβουλάς τῶν βελῶν. ἔστι γὰρ καὶ κορίχιος παρ' αὐτοῖς ὀρχηστῆς, ὅτι ἔνοστος κατὰ τὸ εἰρημένον τῷ ποιητῇ Μηριόνι,

τάχα κέν σε καὶ ὀρχηστὴν περ ἔόντα.

ἀλλὰ καὶ ἐμβατήρια μέλη ἔστι παρ' αὐτοῖς. Vergleicht man mit den letzten Zeilen den Text des Severus: **لما سمعنا اول ما سمعنا منهم وهم يمشون على ارجلهم والى اهل اهل** erkennt man, dass die fehlerhafte Schreibung des Eigennamens nur auf Grund einer syrischen Vorlage zu erklären ist. Allein auch der griechische Text ist verderbt (ich wurde hierauf von Herrn Dr. A. BADMSTARK aufmerksam gemacht, von welchem auch die noch folgenden sprachlichen Bemerkungen zu dieser Stelle herrühren) und muss heissen:

κατὰ τὸ εἰρημένον τῷ ποιητῇ. (Pias XVI. 617).

Μηριόνη, τάχα κέν σε καὶ ὀρχηστὴν περ ἔόντα.

Dem älteren syrischen Text liegt ein griechischer Text mit doppelter Schreibung des Μηριόνη zugrunde, der griechische Text wurde dann weiterhin durch Auslassung des richtigen zweiten Μηριόνη entstellt. Dem τάχα entspricht **اول ما سمعنا**, dem καί περ c. part.; **اول ما سمعنا** c. part. (vgl. SACHAU *Ined.* p. 9 l. 15; im *Theas. Syr.* kein Beleg), dem ὀρχηστὴν das durch ein Adverbium verstärkte Part. **مشوا**.

² Dieser Zusatz, welcher sich nicht in den Zusammenhang

Denn sein Beruf war nicht der eines Kriegers, sondern eines Tänzers; wie ja der Tanz eine Art Musik ist. — Die Geometrie¹ haben die Aegypter erfunden wegen der Überschwemmung des Nils, welcher ihnen die Grenzen der Äcker und Landstrecken verwischte, wenn er wasserreich war und stieg, wie denn auch viele Kriege aus diesem Grunde entbrannten, weshalb jene nachsannen und die Geometrie erfanden. Die Astronomie² aber erfanden die Chaldäer infolge der Reinheit ihrer Luft und der weiten Ausdehnung ihrer Ebenen, so dass sie nicht eingeeengt wurden und durch nichts gehindert waren, den Lauf der Gestirne zu betrachten. Sie wohnen nämlich im dritten Klima, wie auch die Alexandriner.

Fünfte Frage: Warum richten wir, obwohl es viele Künste giebt, nur auf diese vier die Aufmerksamkeit?

Antwort: Darauf erwidern wir, dass jede Kunst folgender vier Dinge bedarf, ohne die sie nicht der Vollendung teilhaftig wird: Ordnung nämlich, Form, Zeit und Verknüpfung.³ Nun lehrt über die Ordnung die Arithmetik,

fügt, ist offenbar einer andern Tradition über die Entstehung der Musik bei den Thrakern entnommen, die Severus mitzuverwerten suchte. Es ist mir nicht gelungen, einen Beleg aufzufinden; jedenfalls widerspricht sie direkt dem, was Herodot V. 6. über die Thraker berichtet: ἀργὸν εἶναι κάλλιστον, γῆς δὲ ἐργάτην ἀτιμώτατον . . . τὸ ζῶειν ἀπὸ πολέμου καὶ ληϊστέος κάλλιστον.

¹ Anon. in CRAMERI *Anecd.* IV 421: τὴν δὲ γεωμετρίαν εὑρον Αἰγύπτιοι, ὡς καὶ ἀνωτέρω εἶρηται, διὰ τὸν ἀνιόντα τὸν Νεῖλον συγγεῖν τὰ ὀροθέσια αὐτῶν. 393: πάλαι γὰρ τοῦ Νεῖλου ἀνιόντος καὶ συγγέοντος τὰς ἀρούρας μετὰ τὴν ἀπόστασιν αὐτοῦ πόμενοι ἐρίνοντο καὶ φόνου περὶ τὴν διανομὴν τῆς γῆς. ἐπενόησαν οὖν ὀροθέσια τινὰ πρὸς δῆλωσιν τῶν τόπων· καὶ ἐπαύσαντο τοῦ πολεμεῖν.

² Anon. in CRAMERI *Anecd.* IV 421: τὴν δὲ ἀστρονομίαν εὑρον Χαλδαῖοι, ὡς καθαρὸν οἰκούντες ἀέρα. ἀνατολικαὶ γὰρ ὄντες τῇ θερμότητι τοῦ ἡλίου ἔχουσι λεπτυνομένην ἐτοίμως τὴν ἀτιμία. τρίτου γὰρ κλίματος Ἀλεξάνδρεια, Ἀφρική καὶ Περσίς.

³ Ich weiss nicht, bei welchem griechischen Autor sich dieser Gedanke vorfindet; Nikomachus und der Anonymus lassen hier im Stich. Dagegen haben die Ihwân es-safâ da und dort

dass Eins vor Zwei kommt; über die Form lehrt die Geometrie, indem sie sagt, dass es unter den Figuren solche giebt, welche drei oder vier Ecken haben, andere aber, welche rund sind; über die Zeit die Astronomie, wie beispielsweise dass, wenn die Sonne im Widder steht, der Frühling beginnt; über die Verknüpfung endlich die Musik, welche durch die Verknüpfung der Saiten (Töne) miteinander Gesangsweisen zusammensetzt. Und daher werden als Grundlagen jeglicher Kunst, welche es auch sei, diese (vier Künste) vor allem studiert.

Sechste Frage: Was ist die Arithmetik, und welches ist ihr Endzweck?

Antwort: Die Arithmetik ist die Wissenschaft von den Zahlen und Rechnungsarten und ihren Eigentümlichkeiten¹. Die Zahl ist die Vielheit, welche durch Addition aus Einheiten zusammengesetzt ist; die Eins aber gehört nicht zu den Zahlen, sondern ist die Grundlage der Zahl². Und (die Zahl) wird zurvörderst eingeteilt in die Gerade und die Ungerade. Eine gerade Zahl ist diejenige, welche in zwei einander gleiche Teile geteilt werden kann. Und wenn einer

ähnliche Bemerkungen, z. B. p. 293: وهذه الهندسة (الكسبية) تدخل فلا بدّ له (للصانع sc.) من ان يقدر أولا المكان في اى موضع يعملها والى زمان في اى وقت يبندى بعملها والمكان التبع.

¹ *Maif.* 133: الأرشاطيقى وهو علم العدد والحساب والارشاطيقى هو علم خواص العدد وما يطبقها من معانى الموجودات التى فاول الرياضيات معرفة خواص العدد العروس ونيقوماخس des Nikomachus. — ein Nachklang aus den Kapiteln der Isagoge

² *Nikom.* I 7, 1: 'Αριθμός ἐστὶ (πλήθος ὀρισμένον ἢ) μονάδων σύστημα ἢ ποσότητος χύμα ἐκ μονάδων συγκαίμενον, τοῦ δὲ ἀριθμοῦ πρώτη τομὴ τὸ μὲν ἄρτιον, τὸ δὲ περιτόν . . . I 8, 1: ἀρχὴ ἅρα πάντων φυσικῆ ἢ μονάς, u. II 6, 3; bei Theon (cf. *CANTOR, Gesch. d. Math.* I 2 147) οὕτε δὲ ἡ μονὰς ἀριθμός, ἀλλὰ ἀρχὴ ἀριθμοῦ (ed. HULLER p. 24, 23). Ihwân p. 280 und *Maif.* 184: العدد هو الكتبة المبركة من الآحاد فالواحد اذا ليس بالعدد وإنما هو ركن العدد Psellus, Isidorus etc., von Arabern z. B. Alhwârizmî (*CANTOR, Gesch. d. Math.* I 2 673).

gesetzte Sekundärzahl ist diejenige ungerade Zahl, welche durch eine Primzahl geteilt werden kann, wie Neun, das durch Drei teilbar ist, das heisst in drei Teile zerlegt werden kann¹. Und eine solche (Zahl), welche zusammengesetzte Sekundärzahl heisst, wenn sie für sich gesetzt wird, und Primzahl, wenn sie (einer andern) gegenübergestellt wird, ist beispielsweise die Neun, welche eine zusammengesetzte Sekundärzahl ist; wenn sie nämlich mit 25 verbunden wird, findet sich keine andere Zahl unterhalb beider gemeinsam, wie sich zur Neun, wenn sie mit 15 verbunden wird, unterhalb beider eine findet: es ist dies Drei, denn jede von ihnen ist durch Drei teilbar und hat ein Drittel². — Die gerade Zahl wird ausserdem eingeteilt in die vollkommene Zahl, die überschüssige und die unvollständige³. Vollkommen ist diejenige Zahl, bei welcher die Art ihrer Teile ihre Summe ausmacht, wie Sechs:

ist nicht ersichtlich. (Vielleicht wegen des *السنى له* der Ihw. = τὸ παρόνομον ἐαυτῷ des Nikom. I 11, 2?) — DIETERICI übersetzt ganz unverständlich *لا يُعدّ له* (!) „die durch keine andere Zahl ausser eins gebildet wird!“ (Prop. 11, 12); es muss heissen: welche keine andre Zahl ausser eins misst, *يُعدّ*, sc. als gemeinschaftlicher Teiler. — Vgl. KLAMROTH Z. D. M. G. XXXV. p. 278.

¹ Ihw. 285; *Maif.* 185: *رمنه ثاين مركب وهو الفرد الذي يعدّه عدد أول كالتسعة يعدّها ثلاثة اى تنقسم على ثلاثة.*

² Ihw. 285; *Maif.* 185: *رمنه ثاين مركب عند انفرادة وأول عند القياس كالتسعة هى عدد ثاين مركب فاذا اضيفت الى خمسة وعشرين لم يوجد عدد يعدّها همّا* كما يوجد للتسعة اذا اضيفت الى خمسة عشر عدد يعدّها** وهو ثلاثة اعنى ان كل واحد منها ينقسم على ثلاثة وله ثلث.*

* Cod. E *اصبأ* Severus *بعدّها معاً* *ثالث.*

** Cod. B *بعدّها* Severus *اصبأ*. Die richtige Lesart ist natürlich *بعدّها*.

³ Nikom. I 14, 1: τῶν ἀπλῶν ἀριθμῶν οἱ μὲν εἰσιν ὑπερτέλεις, οἱ δὲ ἑλλειπτεῖς... οἱ δὲ... τέλειοι. Auch hier wieder in den Definitionen grösste Umständigkeit. Bei Ihw. 285 fehlt (Versehen des Herausgebers?) hinter *العدد* das Wort *الزوج*. — Severus und *Maif.* stimmen wieder vollständig überein. Das Wort *ὑπερτέλις*, welches hier mit *اصبأ* wiedergegeben ist, wird zu Anfang der

die Hälfte und das Drittel und das Sechstel giebt Sechs¹. Überschüssig ist diejenige Zahl, bei welcher die Zahl aus ihren Teilen über ihre eigene Summe hinausgeht, wie Zwölf: die Hälfte und das Drittel und das Viertel und das Sechstel und das Zwölftel machen Sechszehn². Und unvollständig ist diejenige Zahl, bei welcher die Quantität ihrer Teile kleiner ist als ihr eigener Betrag, wie die Zehn, deren Hälfte und Fünftel und Zehntel Acht machen³. — Und das Verhältnis der Zahlen gegeneinander tritt auf, wenn wir eine Zahl an einer andern messen, und sich findet, sie ist ihre Hälfte oder ihr Drittel oder ihr Doppeltes und anderes dergleichen⁴.

Siebente Frage: Was ist die Musik?

Antwort: Die Musik ist die theoretische Disciplin, welche die Töne und die Harmonie, d. h. Zusammenfügung, zum Gegenstand hat; sie befasst sich damit, auf welche Weise

2. Frage ganz wörtlich = *اصبأ* gesetzt, während *اصبأ* an jener Stelle die ungerade Zahl bedeutet. Vgl. auch CRAMERI *Anecd.* IV 415.

¹ Ihw. 285; *Maif.* 186: *العدد الاتم من اقسام الزوج هو الذى يعدل اجزائه اجزاء جملته مثل ستة نصفها وثلاثها وسدسها ستة.*

² Ihw. 285; *Maif.* 186: *العدد الزائد من اقسامه هو الذى يزيد اجزائه على جملته مثل عشر نصفها وثلاثها وربعها*

وسدسها وجزؤها من اثني عشر ستة عشر.

³ Ihw. 286; *Maif.* 186: *العدد الناقص هو الذى ينقص مبلغ (صعدا) اجزائه عن جملته مثل عشرة نصفها وخمسها وعشرها*

ثمانية. — Die Wiedergabe des *مبلغ* auf drei verschiedene Arten zeigt deutlich, dass Severus aus dem Arabischen übersetzte und, nachdem *اصبأ* für *جمله* verbraucht war, keinen vollständig deckenden Ausdruck mehr für den weiteren Begriff fand.

⁴ Das Kapitel von den aufeinander bezogenen Zahlen, d. h. von den Verhältnissen und Proportionen, nimmt sowohl bei den Griechen, als den Ihwân und den mathematischen Schriftstellern der Araber breiten Raum ein; auch die *Maif.* enthalten einen kurzen Abschnitt über die *كيفية مضافة* mit einigen Definitionen nach Nikomachus' Vorgang, und einen andern *العمارات* dessen Eingang die letzten Bemerkungen hier entnommen sind: *النسبة ان تنسب العدد الى آخر فنقول هو نصفه او ثلثه او ضعفه او نكرو ذلك.*

derjenigen Höhe ist, welche von ihrer Hälfte ausgeht¹, weil jedesmal, wenn die Ursache vermehrt wird, das Verursachte vermehrt wird, und so oft die Ursache vermindert wird, auch das Verursachte sich vermindert. Und es ist wissenschaftlich, dass es dreierlei Laute giebt, von denen gesagt wird, dass sie Geräusch und Rotgalle und Essigartiges sind²; und einem jeden von ihnen kommt eine gewisse Eigenart zu. Die Natur des Geräusches ist Schleim³, weil dieser der Stoff der Nahrungs-

¹ Soll heissen: der Ton, welcher von der ganzen Saite erklingt, ist die tiefere Oktave desjenigen, welchen bei gleicher Spannung die halbe Saite hervorbringt. Die ganze Stelle wird dadurch unklar, dass der Verfasser den eigentlichen Grund der Tonhöhe, nämlich die Schnelligkeit der Schwingungen der Saite (vgl. Koseg. p. 38), von welcher die Tonhöhe direkt abhängt, gar nicht nennt; es müsste etwa gesagt werden: da die Geschwindigkeit der Bewegung der halben Saite (die Schwingungszahl) doppelt so gross ist, ist der Ton doppelt so hoch.

² Die Übersetzung dieser Stelle bis zum Ende des Abschnitts über die Musik ist ein Versuch, der keinen Anspruch darauf macht, die Mysterien enthüllt zu haben. Auch der Londoner Codex giebt fast vollständig übereinstimmenden Text. Wie es scheint, sollen die drei Klanggeschlechter (vgl. Theon p. 48, Koseg. p. 50) mit den vier Temperamenten in Beziehung gesetzt werden, wobei natürlich eines leer ausgeht; klüger gehen die Ihwân eš-šafâ zu Werke, indem sie die vier Saiten der Laute (العود, cf. Koseg. p. 78) mit den vier Elementen und den vier Temperamenten vergleichen; der zweite Teil lautet wie folgt (p. 317): نغمة الزبر تقوى خِطِّ الصَّفراء وتزيد في قوتها وتأثيرها وتضادّ (خط البلغم وتلطّفه ونغمة المثنى تقوى خط الدم وتزيد في قوتها وتأثيره وتضادّ خط السوداء وتزفع وتلينه ونغمة المثلث تقوى خط البلغم وتزيد في قوتها وتأثيره وتضادّ خط الصفراء وتكسر حدّتها ونغمة الببّ تقوى خط السوداء. Vgl. Übers. p. 126. Wieviel von solchen Spekulationen schon auf griechischem Boden vorhanden war, vermag ich nicht zu bestimmen. Man vgl. besonders Arist. Quint. ed. Meibom p. 76. 106. 146. 147.

³ *Theos. Syr.* 3142: مسمعه مبرابا مع اصله مصل؛ هذا terms (Calcutta 1862), I 149 s. v. بلغم. — *Theos.* fehlt *Theos. Syr.*

säfte ist, und die Natur der Rotgalle ist die rote Galle¹, weil auch diese vom Schleim Nutzen zieht, und die Natur des Essigartigen ist Blut², weil auch dieses aus der Mischung der beiden entsteht. Der Schwarzgalle dagegen kommt keine Verwandtschaft mit dieser Kunst zu ausser der trennenden, und sie besitzt keine aussprechbare Bewegung³. Also wendet sich die erste Art zum ersten, womit wir angefangen haben, wegen der Schwere des Schleims; und seine zweite zum zweiten, und das Leichte des Schwere wendet sich zum ersten. Dasjenige aber, was aus dem einfachen Schwere und dem einfachen Leichten und dem einfachen Essigartigen entsteht, entzieht sich der musikalischen Kunst und nimmt unter den Eigentümlichkeiten, die wir genannt haben, keine Stelle ein⁴.

Achte Frage: Was ist die Geometrie?

Antwort: Die Geometrie ist die Kunst, welche sich mit den Grössen beschäftigt und vertraut ist mit ihrer Natur und deren Eigenschaften und dem Mass einer jeden von den Gattungen hinsichtlich der Mannigfaltigkeit der eben diesen Gattungen angehörenden Arten⁵. — Die Grössen nun sind eine Mannigfaltigkeit von Abmessungen; und zwar sind es drei: Linie, Fläche und Körper. Abmessungen aber drei: Länge, Breite und Tiefe⁶. Ein Körper ist dasjenige, was

¹ *Theos. Syr.* 1001: مصل؛ هذا مسمعه (B. A.); vgl. SPRENGER I. I. II 1328 s. v. مزة. *Theos. Syr.* 2204, wo drei Arten von هذا genannt sind, هذا موهدا, هذا موهدا und هذا موهدا. — *Theos. Syr.*, ebenso موهدا (Lond.).

² *Theos.* fehlt *Theos. Syr.*

³ Wegen ihrer „erdigen“ Beschaffenheit? Cf. *Theos. Syr.* 2204.

⁴ Dieser Stelle vermag ich keinen annehmbaren Sinn abzugewinnen. Es sei noch besonders hervorgehoben, dass der Cod. Lond. genau denselben Text bietet.

⁵ Ähnlich Ihw. 292: الهندسة وهو معرفة المقادير والابعاد وكيفية رئيسها باليونانية الجيومطريكي ونوعها وخواص تلك الانواع برسالة مايف. 202 nur صناعة المساحة وهي. Dieses Buch bildet auch hier, wie es scheint, die Grundlage für die Ausführungen des Severus, indes nicht ohne erhebliche anderweitige Zusätze.

⁶ Ihw. 293. *Maif.* 203: المقادير هي ذوات الابعاد من الخطوط والبسائط والابعاد هي الطول والعرض والعمق . . .

drei Dimensionen besitzt, Länge, Breite und Tiefe. Die Grenzen des Körpers aber sind die Flächen¹. Eine Fläche ist dasjenige, was bloss zwei Dimensionen besitzt, Länge und Breite, und wird entweder abstrakt erkannt durch den Verstand und das Erkenntnisvermögen, oder sinnlich am Körper, insofern sie seine Grenzen sind, weil, wenn wir vom Körper die Tiefe wegnehmen, Länge und Breite allein übrig bleibt. Die Grenzen der Fläche aber sind die Linien². Eine Linie ist dasjenige, was eine Abmessung besitzt, nämlich Länge ohne Breite und Tiefe: sie wird entweder abstrakt begriffen durch den Verstand und das Erkenntnisvermögen, oder sinnlich an den Flächen, insofern sie die Grenze der Fläche ist, und wenn wir von der Fläche die Breite wegnehmen, die Länge allein übrig bleibt, was eine Linie ist. Die Grenze der Linie aber ist der Punkt³. Ein Punkt ist dasjenige, was keinerlei Abmessung besitzt, nämlich weder Länge noch Breite noch Tiefe. Er besteht entweder abstrakt im Verstand und Erkenntnisvermögen, oder sinnlich an der Linie, weil die Linie Länge ohne Breite ist, und wenn wir von ihr die Länge wegnehmen, ihre Enden und Grenzen übrig bleiben, welche (je) ein Punkt sind, der weder Länge besitzt, noch

¹ Dieser vom Körper zum Punkt herabsteigenden Anordnung steht als die weitaus häufigere die umgekehrte vom Punkt aufwärts gegenüber; so Euklid, Theon, Heron, ebenso die *Ihw.* 293; *Maf.* 203 mit Severus: هي الثلاثة الأبعاد التي هي الطول والعرض والعمق ونهاياتها بسائط

² *Maf.* 203: هو المقدار ذو البعدين وهما البسيط والسطح (Glosse?) الطول وهما الطول والعرض فقط ولا يدرك بالكس إلا مع الجسم لأنه نهاية جسم فأمّا على الانفرد فأنه يدرك بالوهم فقط ونهايات البسائط خطوط bei *Ihw.* Scheidung zwischen sinnlicher (حسية) und verstandesmäßiger Geometrie; die 3 vorgestellten Dimensionen sind die Attribute (صفات) der sinnlichen Grössen.

³ *Maf.* 203: هو المقدار ذو البعد الواحد وهو الطول فقط ولا يمكن رؤيته (يدرك بالكس) إلا مع البسيط لأنه نهاية فأمّا على الانفرد فأنه يدرك بالوهم فقط ونهايات الخط النقطتان.

Breite, noch Tiefe¹. Es ist daher der Punkt unteilbar², weil das, was teilbar ist, verschiedene Abmessungen besitzt, und das, was nicht teilbar ist, keinen Teil hat; denn die Teile eines Ganzen sind es, in welche es geteilt wird. Der Punkt ist daher notwendigerweise das, was nicht in Teile geteilt werden kann.

Über die Linie. Gattungen der Linie giebt es drei: Die Gerade, die Kreisbogenlinie und die Kurve³. Die gerade Linie ist, wie Euklid sagt, eine solche, die durchmessen wird geraden Wegs über zwei Punkte, welche ihre Enden sind⁴, Archimedes aber sagt, dass die gerade Linie eine Linie ist, welche die kürzeste ist, die zwei Punkte verbindet⁵. Die Kreisbogenlinie ist eine Linie, bei welcher es unmöglich ist, auf ihr drei Punkte zu bestimmen, die in einer Richtung liegen, während es in ihrem Innern Punkte giebt, so dass die (geraden) Linien, welche von ihnen gegen sie ausgehen, gleich sind⁶. Die Kurve ist eine Linie, auf welcher wir keine drei

¹ *Maf.* 204: النقطة شيء لا يعد له من طول ولا عرض ولا عمق ولا يدرك بالكس إلا مع الخط لأنها نهايتها وأما على الانفرد فأنها لا تدرك إلا بالوهم.

² Eucl. I Def. α: Σημεῖόν ἐστιν, ὃ μέγος οὐθέν. Die weiteren Sätze scheinen selbständig. *Ihw.* 294.

³ *Maf.* 204: الخطوط ثلاثة مستقيم ومقرس ومكس. Definitionen fehlen, waren aber für Severus gewiss leicht aus andern arabischen Quellen nachzutragen. *Ihw.* definieren die Kurve als Bogenlinie, nämlich der Geraden und Bogenlinie!

⁴ Eucl. I Def. δ: Ἐὐθεῖα γραμμὴ ἐστίν, ἥτις ἐξ ἑσού τοῖς ἐπ' αὐτῆς σημεῖοις κείται. *Ihw.* entspricht also dem ἐξ ἑσού, nicht wie KLAMROTH *Z. D. M. G.* XXXV. 294 vermutet, einem ἐπ' εὐθείας. — Vgl. SPRENGER, 1. I. I 435: يعرف ايضا بالثلاثة. — Vgl. SPRENGER, 1. I. I 435: يعرف ايضا بالثلاثة الذي بين الطرفين التان هما طرفيه. بعدة مساو للبعد الذي بين طرفيه.

⁵ Arch. *De sphaera et cyl.*, ed. HEMBERG p. 8: Ἀμφότανος δὲ ταῦτα· τῶν τὰ ἀπὸ πέρατος ἐχούτων γραμμῶν ἐλαχίστην εἶναι τὴν εὐθεῖαν. Vgl. Proclus *In Eucl.*, ed. FRIEDELIN p. 110. Heron, *Def.* p. 8. DIETERICI, *Prop.* p. 37 n., (Text fehlt). SPRENGER 1. I. I 435: فالمستقيم أقصر الخطوط الواصلة بين النقطتين التان هما طرفيه.

⁶ Der erste Teil der Definition ist nicht euklidisch, findet

hervorgehende Winkel kleiner ist als jener, nämlich ein spitzer¹; wie der Winkel ABC, indem dadurch, dass wir die Seite AB nach D weiterziehen, der Winkel DBC entsteht, welcher aus der weiterlaufenden und der anderen Linie hervorgeht, so dass der Winkel DBC kleiner ist als der Winkel ABC, gemäss der nebenstehenden Figur. — Der spitze Winkel ist so beschaffen, dass wenn die eine der beiden ihn einschliessenden Linien weiterläuft, der aus der weiterlaufenden und der andern Linie hervorgehende Winkel entsteht, welcher grösser ist als jener²; wie der Winkel ABC, indem dadurch, dass wir die Linie AB in gerader Richtung nach D weiterziehen, der Winkel DBC entsteht, welcher aus der Linie DB und der Linie BC hervorgeht und grösser als der Winkel ABC ist, gemäss der nebenstehenden Figur. — Das, was vom Kreis umschlossen ist, ist eine Linie, welche von einem Punkt ausgeht und bei ihm endet, und für sich allein die Fläche des Kreises umschliesst³. In ihrem Innern ist ein Punkt, und alle geraden Linien, welche von ihm aus zum Kreis hingehen, sind gleich, und dieser Punkt wird Centrum des Kreises genannt⁴; wie die Linie ABC, welche von dem Punkt A ausgeht und bei ihm endet, und die Fläche ABC umschliesst, in deren Innerem sich der Punkt E befindet. Alle geraden Linien, die von ihr nach ihm hingehen, sind gleich, wie die Linien AE, BE, CE, und der Punkt E ist das Centrum gemäss der untenstehenden Figur. — Der Halbkreis ist ein Abschnitt des Bogens, welcher den Kreis umschliesst, bei welchem, wenn zwischen seinen Enden in gerader Linie durchgeschnitten wird, die gerade Linie über das Centrum des

¹ Eine der vorhergehenden analog gebildete genetische Definition; *Maß.* einfach المنفرجة الكبر من القائمة المنفرجة الأكبر.

² Desgl.; *Maß.* الحادة والصغر.

³ Eucl. I Def. 15: Κύκλος ἐστὶ στήμα ἐπιπέδον ὑπὸ μῦς γραμμῆς περιεγόμενον, [ἢ καλεῖται περιφέρεια], πρὸς ἣν ἀφ' ἐνὸς σημείου τῶν ἐντὸς τοῦ στήματος κειμένων πᾶσαι αἱ προσπίπτουσαι εὐθεῖαι πρὸς τὴν τοῦ κύκλου περιφέρειαν ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν. Dasselbe Dierrico, *Prop.* 39. Vgl. oben p. 59, Anm. 1.

⁴ Ihw. 296: دائرة كبر من القائمة المنفرجة الأكبر منها دائرة قائمة.

Kreises weggeht¹; wie der Bogen ABC ein Teil vom Kreise ist, und das Centrum seines Kreises der Punkt E. Wir verbinden die zwei Punkte seiner Enden, nämlich A (und) C, durch die gerade Linie AC, welche über den Punkt E geht. Dann ist die Linie ABC der Bogen des Halbkreises, und die Fläche ABC der Halbkreis, gemäss der nebenstehenden Figur. — Der Bogen, welcher grösser ist als ein Halbkreis, ist der Teil des Kreises, bei welchem, wenn wir zwischen seinen Enden in gerader Linie durchschneiden, das Centrum innerhalb desselben bleibt²; wie der Bogen ABC, und das Centrum seines Kreises, der Punkt E. Wird zwischen seinen Enden, nämlich A und C, durch die Gerade AC eine Verbindung hergestellt, so bleibt der Punkt E innerhalb der Linie AC, nämlich zwischen der Bogenlinie ABC und der Geraden AC, und der Bogen ABC ist grösser als der Halbkreis gemäss nebenstehender Figur. Der Bogen, welcher kleiner ist als ein Halbkreis, ist so beschaffen, dass wenn wir in gerader Linie zwischen seinen beiden Enden durchschneiden, das Centrum des Kreises ausserhalb der Linie bleibt³, wie der Bogen ABC, der ein Teil vom Kreise ist, und dessen Centrum der Punkt E. Wir verbinden diese seine Enden, nämlich A und C, durch die gerade Linie AC, so bleibt der Punkt E, welcher das Kreiscentrum ist, ausserhalb der Linie AC. Der Bogen ABC ist daher kleiner als die Hälfte des Kreises, entsprechend der nebenstehenden Figur.

Zusammentreffende Linien giebt es neun, welche folgendermassen genannt werden: Seite, Schenkel, Basis, Durchmesser, Höhe, Sehne, Sagitte, Sinus rectus und Sinus versus⁴.

¹ Ihw. 296 ungenau: دائرة كبر من القائمة المنفرجة الأكبر مستقيم Kreissegmentes, nicht eines Bogens.

² Der in der Definition enthaltene Satz findet sich Eucl. III, 25 (ed. Heiberg t. I p. 280).

³ Desgl. — Der Name für die Fläche ist bei Heron ζψα.

⁴ Diese neun Linien sind, genau in derselben Folge, definiert *Maß.* 205, in anderer Anordnung und zu zwei Gruppen vereinigt Ihw. 294 bzw. 295. Eine geistesverwandte, wenn auch inhaltlich verschiedene Aufzählung Heron ed. Hurstsch p. 44:

Eine Seite¹ ist diejenige Linie, welche eine Fläche umgiebt. Wenn es also eine gerade Linie ist, die mit anderen geraden Linien die Fläche einschliesst, so wird sie Seite dieser Fläche genannt; wie eine jede von den Linien AB, BC, CA Seite der Fläche ABC ist, gemäss nebenstehender Figur. — Unter Schenkel² versteht man die zwei Linien, welche den Winkel umfassen, insofern nämlich, wenn den Winkel zwei gerade Linien einschliessen, eine jede von ihnen Schenkel genannt wird, wie eine jede von den Linien AB, BC, welche den Winkel ABC einschliessen, Schenkel heisst, gemäss nebenstehender Figur. — Der Diameter³ ist die (Linie), welche von einem Winkel ausgeht und in einem andern Winkel endigt, und die beiden Winkel teilt. Und zwar an der Fläche, welche eine Vierzahl von Seiten besitzt, wie die Linie AD, welche vom Winkel A ausgeht und beim Winkel D endigt, und in gleicher Weise den Winkel A und den Winkel D teilt. Und wenn ebenso vom Winkel B nach dem Winkel C eine Linie geht, welche die beiden Winkel B und C in zwei Teile teilt, so wird (auch) sie Diameter genannt, gemäss nebenstehender Figur. — Es wird aber auch Diameter⁴ genannt die gerade Linie, welche den Kreis in zwei Hälften zerlegt und über sein Centrum hinweggeht.

Γραμμὰ δὲ εἰσι δέκα· εὐθεῖα, παραλληλὸς, βάσις, κορυφή, σκέλη, διαγώνιος, κάθετος ἢ καὶ πρὸς ὀρθὰς καλουμένη, ὑποτένουσα, περίμετρος, διάμετρος.

¹ *Maif.* Fläche ist diejenige Linie, welche eine Fläche umgiebt.

² *Maif.* Schenkel ist diejenige Linie, welche einen Winkel einschliesst.

³ Severus ändert hier die zuerst gegebene Anordnung. Das Vorkommen griechischer Lehnwörter für diese primitiven Begriffe beweist nichts für eine Benutzung syrisch-griechischer Quellen. Vielmehr lässt sich der Gebrauch von *σέλη* für den Begriff der Diagonale und des Kreisdurchmessers nur auf arabischen Ursprung zurückführen: قطر الدائرة und قطر المربع; die Griechen haben διαγώνιος und διάμετρος. *Maif.* قطر الدائرة الذي يخرج من طرف زاوية وينتهي الى زاوية اخرى

⁴ *Ihw.* 295. قطر الدائرة هو الخط المستقيم الذي يقطع الدائرة وينتهي على المركز.

Und es ist eine grösste Gerade, wie die Linie AB, welche die Fläche des Kreises AB in zwei Hälften zerlegt und über dessen Centrum, nämlich den Punkt C, hinweggeht. Die Linie AB wird daher ebenfalls Diameter genannt, und dies ist die Figur davon. — Die Höhe¹ ist diejenige Linie, welche auf einer andern stehend einen rechten Winkel bildet, wie die Linie AB, welche, indem sie auf der Linie BC steht und einen rechten Winkel einschliesst, die Höhe auf BC ist. Und ebenso wird die Linie BC Höhe genannt, weil sie auf der Linie AB steht und einen rechten Winkel einschliesst, gemäss nebenstehender Figur. Und ebenso², wenn von einem Winkel nach seiner Basis, d. h. der zugehörigen Sehne hin eine Linie geht, so schliesst sie mit den beiden Hälften der Basis zwei rechte Winkel ein, und diese Linie wird Höhe genannt, wie beim Winkel ABC; es geht nämlich von ihm aus die Linie BE nach seiner Basis hin, nämlich nach der Linie AC, und schliesst mit ihren beiden Hälften, nämlich den Linien AE und EC, zwei rechte Winkel ein, nämlich BEA und BEC. Daher wird die Linie BE Höhe genannt auf der Linie AC. Ebenso wird die Linie AE Höhe genannt auf der Linie BE, gemäss nebenstehender Figur. — Die Sehne³

¹ *Maif.* Die Höhe ist diejenige Linie, welche auf einer andern stehend einen rechten Winkel bildet.

² Von hier an Zusatz des Severus.

³ Der ganze Wortcomplex Bogen, Sehne und Pfeil (s. u.) ist spezifisch arabisch und fehlt bei den griechischen Geometern, die sich entweder durch Umschreibungen helfen (Sehne = ἡ ἐν τῷ κύκλῳ εὐθεῖα, εὐθεῖα ἐν κύκλῳ μὴ δὲ τὸ κέντρον ὄσα, εὐθεῖα ἐλάττων τοῦ διαμέτρου; Sagitte = κάθετος, τμήματος κύκλου) oder mit mehrdeutigen, unbestimmten Ausdrücken begnügen (Sehne = ὑποτένουσα, Bogen = περιφέρεια). Dass den Arabern diese Trias wahrscheinlich von der indischen Trigonometrie zugeführt wurde, sei nur beiläufig bemerkt (vgl. CANTOR, *Gesch. d. Math.* I 2 616). Indessen ist die unabhängige und dem gemeinen Sprachgebrauch entnommene Anwendung eines Wortes wie „Bogen“ das nächstliegende und es ist nicht nötig, für ‚arcus‘ bei Columella V 2, 9 nach einem vorbildlichen τόξον zu suchen (KLAMROTH, *Z. D. M. G.* XXXV. 292 Anm. 1). — *Maif.* الوتر الخط الذي يصل بين طرفي القوس.

أو الخط المنحنى.

sie selbst; und zwar ist die kleinere, ihre Grenzen verbindende Fläche zugleich eine unterhalb von ihr liegende Fläche¹. Eine hohle Fläche ist diejenige, deren Grenzen wir durch eine andere Fläche verbinden können, welche kleiner ist als sie selbst, und zwar liegt die kleinere, ihre Grenzen verbindende Fläche höher als jene². — Diejenigen Gattungen der Fläche, welche gerade Linien einschliessen, sind ohne Ende; sie werden Vielseite genannt und entstehen durch fortdauernde Vermehrung (sc. des vorhergehenden Vielseits um eine weitere Seite), und zwar zuerst dasjenige, welches aus drei Seiten zusammengesetzt ist, dann das aus vier, und das aus fünf, und so ins Unendliche³. — Die Gattungen der Teildreiecke, welche nicht (weiter) geteilt werden (können), sind fünf: das gleichseitige, und dasjenige, welches gleichschenkelig spitzwinklig, und gleichschenkelig rechtwinklig, und gleichschenkelig stumpfwinklig sein kann, und das ungleichschenkelige [spitzwinklige]⁴. Jene Flächen, welche Vielecke genannt werden, sind diejenigen, welche aus mehr als vier Seiten zusammengesetzt sind, deren erstes das Pentagon, dann das Hexagon, und so durch Hinzufügung von je einer Seite ins Unendliche⁵. — Die Gattungen der gewölbten Flächen sind drei: die cylindrische, die kegelförmige und die kugelförmige⁶. Die

¹ Definition nach Analogie der früheren für die Bogen, die grösser oder kleiner als ein Halbkreis sind. Fehlt *Maf.* und *Ihw.*
² Fehlt *Maf.* und *Ihw.*

³ *Ihw.* 296: *الشكل التي يحيط بها خطوط مستقيمة أولها الشكل*: 296: *المثلث وهو الذي يحيط به ثلاثة خطوط . . . وبعده المربع . . . وبعده*

المخمس . . . وعلى هذا القياس . . .
⁴ Diese eigentümliche Einteilung habe ich bis jetzt nirgends sonst gefunden. *سواء* *سواء* ist zu tilgen. Zum Anfang vgl. *Ihw.* 296: *الشكل المثلث اصل لجميع الاشكال المستقيمة الخطوط*

⁵ Auffällig sind hier die griechischen Namen, besonders da die Stelle inhaltlich nur eine Wiederholung des Früheren ist, sofern der Name nicht von den Ecken, wie es in Ordnung wäre, sondern von den Seiten abgeleitet wird. Vgl. dazu *Maf.* 207: *السطوح الكثيرة الزوايا هي المخمس والمسدس والسبع كذلك الى ما لا نهاية له.*

⁶ Die bekanntesten Flächen der elementaren Geometrie; vgl. Heron, *Def.* p. 23.

Cylinderfläche ist ein Gebilde aus gleichartigen Teilen, das mit einem Kreis beginnt und mit einem andern Kreis endigt, welcher dem ersten gleicht¹. Die Kegelfläche ist ein Gebilde, das mit einem Punkt beginnt und mit einem Kreis als Grenzlinie endigt². Die Kugelfläche ist ein Gebilde aus gleichartigen Teilen, in deren Innerem sich ein Punkt befindet, so dass alle Linien, die von ihm aus an die Fläche gehen, gleich sind; dieser Punkt ist das Centrum jener Kugelfläche³. — Die Gattungen der hohlen Fläche sind gleich den Gattungen der gewölbten Fläche, weil jedes ebene Gebilde, welches in vollkommener Weise gekrümmt ist, von aussen auf diese Art gewölbt ist, und von innen eine Höhlung hat, welche jener Wölbung entgegengesetzt ist⁴. Und deshalb erkennt man die einen aus den andern.

Über die Körper. Die Gattungen des Körpers, welche ebene Flächen umgeben [können], sind zwei: derjenige, welchen eine Kugel umschliessen kann, und derjenige, welchen eine Kugel nicht umschliessen kann⁵. Und derjenige, welchen eine Kugel umschliessen kann, (existiert) in fünf Arten: derjenige, welcher vier dreieckige Seiten hat und Feuerkörper⁶ heisst; der-

¹ *Maf.* 207: *السطوانة يتبدى*: 207: *البيسط الاسطوانى ما كان على شكل الاسطوانة يتبدى* Heron, *Def.* p. 27 giebt eine genetische Definition; Sprenger l. l. p. 638 benützt die Eigenschaft, dass ein System von Geraden in die Fläche fällt.

² *Maf.* 207: *المخروط تقيب المخروط هو شكل يتبدى من نقطة وينتهى الى محيط دائرة* Heron, *Def.* p. 25 *κωνός ἐστι σχῆμα στερεόν βάσιν μὲν ἕχον κύκλον, συναγόμενον δὲ ὀφ' ἐν σημείον;* hierauf folgen genetische Definitionen.

³ *Maf.* 207 nur: *شکل الكرة*: 207: *البيسط المقيب الكرى ما كان على شكل الكرة* Diese drei Definitionen wiederholen sich bei den Körpern.

⁴ Eine Parallelstelle zu diesen Ausführungen kann ich bis jetzt nicht nachweisen.

⁵ Die Einteilung fehlt *Maf.*; der Gehalt dieses Abschnitts nötigt zur Annahme einer weiteren Quelle; Kemäl ed-din? — *Ihw.* erwähnen nur den *نارى* شکل نارى p. 297.

⁶ *Maf.* 207: *متساوية الاضلاع*: 207: *الشکل النارى هو جسم يحيط به اربعة سطوح متثلثات* 5*

jenige, welcher sechs quadratische Seiten hat und Kubus¹ genannt wird; derjenige, welcher acht Dreiecke hat und Luftkörper² genannt wird; derjenige, welcher zwölf fünfeckige Seiten hat und Himmelskörper³ genannt wird; und derjenige, welcher zwanzig Dreiecke hat und Wasserkörper⁴ genannt wird. Und man ver- gleicht diese fünf Formen mit den vier Elementen, nämlich Erde, Wasser, Luft und Feuer, und mit dem Himmelsge- wölbe⁵. Und es ist nicht möglich, dass eine Kugel um gleich- flächige und gleichwinklige Körper herumgeht ausser um diese fünf Formen, gemäss dem, was Euklid lehrt⁶. Allein

¹ Hier erwartet man **κῦβος**; *Maif.* 207: الشكل الأرضي هو المكعب وهو جسم يحيط به ستة سطوح مربعيات . . .
² *Maif.* 208: . . . الشكل الهوائي هو جسم يحيط به ثمانية سطوح مثلثات
³ *Maif.* 208: الشكل الفلكي هو جسم يحيط به اثنا عشر سطحًا مخمّسات متساوية الأضلاع والأزوايا.

⁴ *Maif.* 208: . . . الشكل المائي هو جسم يحيط به عشرون مثلثات
⁵ Vgl. *Theologoumena Arithm.*, ed. FR. AST p. 25: πέντε οὖν καὶ τὰ καθ' ἑαυτὰ τὰ τούτων σχήματα, τὸ τετραέδρον καὶ, und p. 61, wo πέντε δὲ καὶ τὰ τούτων σχήματα, γῆ, ὕδωρ, ἀήρ, πῦρ, αἰθήρ, Philolaos als Verfasser einer Schrift über die fünf Körper erwähnt wird. Am ausführlichsten Plato im *Timaeus* (ed. J. BECKER p. 66 f.); vgl. noch CANTON, *Gesch. d. Math.* I² 162 f.; PRANTL, *Arist. 4 Bücher über den Himmel* p. 323; PSELLUS, ed. XYLANDER p. 53: τῷ ποτὶ μὲν ἀλόγον τὴν παραμύδα, τῷ ἀέρι δὲ καὶ κτλ.; Aristides Quintilianus ed. ΜΕΝΟΝ p. 144. Von arabischen Schriften, die das Thema behandeln, Al-Kindi: رسالة فيما نسب القدماء كتاب العناصر wo man sieht, um eine allgemein verbreitete neupythagoreische Vorstellung, und nicht um etwas den Syrern eigentümliches, wie KLAMROTH I. I. p. 300 vermutet. Geheimnisvolle Gedanken des Schöpfers in diesen fünf merkwürdigen Körpern zu suchen, fand sich bekanntlich noch der grösste aller „Pythagoreer“, Keppler, veranlasst; sein *Mysterium Cosmographicum* bringt dieselben in eigenartige Beziehung zu den Planetensphären. (Vgl. *Kepleri opera* ed. FRISCH I, 106).

⁶ Heron, *Def.* p. 29: Εὐχλείδης μὲν οὖν ἐν τῷ τῶν στοιχείων ἀπέδειξε πῶς ἡ σφαῖρα τὰ πέντε ταῦτα σχήματα περιλαμβάνει.

Archimedes sagt, dass es möglich ist, dass eine Kugel um zwei Körper herumgeht, welche Dreiecke und Quadrate einschliessen¹, und ein jeder von ihnen hat vierzehn Seiten, worunter acht gleichseitige, gleichwinklige Dreiecke ihn begrenzen; und dies ist ein Gebilde, welches aus der Erde und der Luft zusammengesetzt ist². Den andern von diesen schliessen sechs gleichseitige, gleichwinklige Dreiecke ein³. Die Gattungen derjenigen Körper, welche (ebene) Flächen begrenzen, ohne dass eine Kugel sie umschliessen kann, sind zahllos an Menge⁴. Diejenigen aber, welche die Geometer zum Gegen-

βάνει. μόνα γάρ τὰ Πλάτωνος οίεται. Ἀρχιμήδης δὲ τριακάδεκα ὄλα φησὶν εὐρίσκεισθαι σχήματα ὀνόμαζοντα ἐγγραφεῖναι τῇ σφαίρᾳ, προστιθεὶς ὀκτὼ μετὰ τὰ εἰρημένα πέντε. ὧν εἶδέναι καὶ Πλάτωνα τὸ τεσσαρσεκαίδεκάεδρον, εἶναι δὲ τοῦτο διπλοῦν, τὸ μὲν ἐξ ὀκτὼ τριγώνων καὶ τετραγώνων ἕξ [σύνθετον ἐκ γῆς καὶ ἀέρος, ὅπερ καὶ τῶν ἀρχαίων τινὲς ᾔδεισαν], τὸ δὲ ἕτερον πάλιν ἐκ τετραγώνων μὲν ὀκτῶ, τριγώνων δὲ 6, ὃ καὶ χαλεπότερον εἶναι δοκεῖ(!). An welcher Stelle Plato von dem Körper spricht, weiss ich nicht; das Wort selbst kommt nicht vor.

¹ Man sieht leicht, dass dieser Passus bis zu Ende auf die eben wiedergegebene Stelle aus Herons Definitionen zurückgeht, die selbst schon voller Unrichtigkeiten steckt. Denn es giebt drei „archimedische Körper“ von 14 Flächen, von denen nur einer von Quadraten u. gleichseitigen Dreiecken begrenzt ist, während der zweite von 6 Quadraten u. 8 Sechsecken, der dritte von 8 Dreiecken und 6 Achtecken umschlossen wird. — Man vgl. zu diesem Gegenstand die interessanten Bemerkungen *Keplers* im 2. Buch der *Harmonice mundi* (*Kepl. opera* V, 114 sq.) ebenda im 3. Buch auch seine merkwürdigen Theorien über „Sphärenharmonie“.

² Vgl. das Citat aus Heron. Definition unvollständig, aber aus dem Zusatz leicht zu ergänzen.

³ Man müsste hier nach dem griechischen Text ergänzen „und acht Quadrate“, obgleich ein derartiger Körper unmöglich ist. Ein neuer Beweis für die schon mehrfach zutage getretene klagliche Rolle der mathematischen Wissenschaft, sobald sie von gewissen Philosophen zu ihren Spekulationen missbraucht wurde.

⁴ Zusatz des Severus?

stand der Erkenntnis machen, sind drei: die Pyramide¹, welche Dreiecke über verschiedenen Grundflächen begrenzen und welche (ebenfalls) Feuerfigur² genannt wird; und derjenige, welchen Vierecke begrenzen, die Rauten genannt werden³, und derjenige, welchen Dreiecke und Vierecke begrenzen und der Prisma genannt wird⁴. — Die Kugel ist ein körperliches Gebilde, welches eine einzige Fläche umschliesst; in ihrem Innern ist ein Punkt, alle Linien, welche von dem Punkt nach der Fläche hingehen, sind gleich, und dieser Punkt wird Centrum genannt⁵. Und der Diameter der Kugel ist eine Linie, welche durch das Centrum geht und an der Oberfläche endigt, und wird auch Polos genannt⁶.

¹ Nicht erwähnt *Maif.*; ar. المخروط mit dem Zusatz المثلث zur Unterscheidung von المخروط المستدير (SPRENGER I. I. I 433).

² Plato *Tim.* 56 B. — Ihw. p. 297.

³ Also das Rhombendodekaeder als spezieller Fall eines Parallelepipeds; das Rhombendodekaeder gehört nicht in den Rahmen der vorliegenden Aufzählung. — **محددا** ist natürlich Übersetzung von معين (Maif. 206); da das Parallelogramm die ähnliche Bezeichnung heisst, so könnte der erwähnte Körper auch ganz allgemein das Parallelepipet bedeuten. Dierraci schreibt (*Prop.* p. 181 und p. 41) „verschoben eig. dick“! Vgl. SPRENGER I. I. II 1075.

⁴ Gemeint ist das dreiseitige Prisma; vgl. die Definition und Ableitung des Wortes منشور bei Maif. 208: الجسم المنشور يحدث عن أحد الأجسام المربّعة إذا قُسم بنصفين على أحد أقطاره سمي بذلك لأنه لأنه لأنما نشر بالمنشار نشرًا I. I. II 1384. Definition des dreiseitigen Prismas SPRENGER I. I. II 1384.

⁵ Maif. 208 identisch: الكرة الشكل مجسم يحيط به بسيط واحد في تلك النقطة التي بسيطها داخله نقطة كل الخطوط المستقيمة الخارجة من تلك النقطة مركزها

⁶ Πόλος hier in der ursprünglichen Bedeutung „Himmelsaxe“, nicht in dem heute allein noch gebräuchlichen Sinne von Endpunkt der Himmels- und Erdaxe. Vgl. Maif. 208: قطر الكرة وهو مركزها وينتهي إلى بسيطها ومنحرف الكرة قطرها الذي كل خط يمر على مركزها وينتهي إلى بسيطها ومنحرف الكرة قطرها الذي p. 24, def. 80: τὰ τέρατα τοῦ ἕξωνος πόλοι καλοῦνται. Nach KLAMROTH (I. I. p. 295, n. 1) kommt مرکز in der Bedeutung von

Der Cylinder ist ein Körper, welcher mit einem Kreis beginnt und in einen zweiten Kreis endigt, der ihm gleich ist, welchen (also) eine Cylinderoberfläche und die Flächen der beiden gleichen parallelen Kreise umschliessen¹. Der Kegel ist ein Gebilde, welches von einem Punkt ausgeht und in einen Kreis endigt, und es umschliesst ihn die Kegelfläche und der Kreis². Und dies möge in Kürze über die Gattungen der Körper genügen.

Neunte Frage: Was ist die Astronomie?

Antwort: Die Astronomie ist die Wissenschaft von der Bewegung der Sterne und des Himmelsgewölbes und derjenigen Kreise, welche vom Verstand vorgestellt werden³, und ferner von der Gestalt der Erde und des Himmels und dessen, was inmitten (zwischen diesen) ist. — Das Himmelsgewölbe ist ein kugelförmiges Gebilde, welches Ewigkeit der Bewegung besitzt, die nicht abnimmt und nicht endigt bis zu der Zeit, welche von der wirkenden Ursache dieses Alls vorherbestimmt ist⁴. Die Erde aber ist in die Mitte gesetzt wie der Punkt inmitten des Kreises, indem sie auf allen ihren Seiten gleich ist, sofern auch sie eine kugel- und kreisförmige Gestalt besitzt, wenn sich auch Tiefen und Höhen auf ihr befinden; ihre Entfernung jedoch von der Höhe des Himmels ist von allen ihren Seiten im Kreis herum eine und dieselbe⁵.

Pol und Axe vor; beides erklärt sich leicht aus der ursprünglichen „Thürangel“ oder aus der Doppelbedeutung des griechischen πῶλος. Vgl. noch Ihw. 298, übereinstimmend mit *Maif.*

¹ Maif. 209: دائرة وينتهي إلى دائرة ويتسمى من دائرة يتسمى من دائرة يشبه شكلها به.

² Maif. 209: نقطة وينتهي إلى نقطة وينتهي من دائرة يشبه شكلها به.

³ In der Definition wird bereits auf den wesentlichen Inhalt der von Severus erläuterten astronomischen Begriffe Rücksicht genommen; ein Anzeichen für die einheitliche Quelle dieses Abschnittes.

⁴ Alfergani, ed. GOURS 1669, c. II, p. 7. Barhebr. *Asc. ment.* c. I, β'. (nach P. SMITH, *Cat. Bodl.*). Der Ausdruck الجسد المخرور له شكلها به.

⁵ Vgl. Theon, *De astr.* c. IV, ed. MARTIN p. 158; *Astronomie des Gāgmīnī*, Z. D. M. G. XLVII, 220; Alfergani c. IV, p. 13. Barhebr. *Asc. ment.* c. I, δ'. ε'.

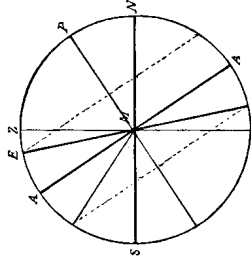
Polen dieses Kreises nimmt der eine an jedem beliebigen Ort den Zenith¹ ein, und der andere befindet sich in entgegengesetzter Richtung unter der Erde. — Der geneigte liegende Kreis² ist der Himmelskreis der Tierkreiszeichen, welcher Zodiakos d. h. Tierkreis genannt wird und durch den Lauf der Sonne von Osten nach Westen beschrieben wird; dieser Kreis schneidet den Isemerimoskreis am Anfang des Widders und am Anfang der Wage, und das Mass der Neigung dieses Kreises ist 24 Grad, etwas weniger³. Und entsprechend der Neigung dieses Kreises erhebt sich ein Teil von ihm im Norden, und der Anfang des Krebses befindet sich an dieser Stelle, 81 Grad; der andere Teil senkt sich nach Süden, und seine Erhebung an diesem Orte ist 33 Grad, und das Mass der Erhebung der Neigung dieses Kreises und ihrer Senkung auf beiden Seiten ist das gleiche, wie wir gesagt haben. Wenn nun die Sonne bis zur Grenze der Neigung im Norden gelangt, nämlich an den Anfang des Krebses, so befindet sich zwischen uns und ihr ein Raum von [33 Grad, und die Neigung beträgt 24 Grad, indem wir aber die Neigung wegnehmen, bleibt] neun Grad⁴. Und über den Zenith

1 $\mu\epsilon\tau\epsilon\sigma\tau\epsilon\sigma\iota\sigma\ \sigma\eta\mu\epsilon\iota\sigma\ \kappa\omicron\sigma\mu\omicron\phi\eta\varsigma$ bezw. $\tau\omicron\ \kappa\alpha\tau\grave{\alpha}\ \kappa\omicron\sigma\mu\omicron\phi\eta\gamma\ \sigma\eta\mu\epsilon\iota\sigma$; KLAMROTH, *Z. D. M. G.* XLII p. 30; in der arabischen Terminologie bekanntlich سبت الاربع .

2 *Ġāgm.* 232. Alfergāni p. 16.

3 Schiefe der Ekliptik nach Hipparch 23° 51' 20", nach Al-Battāni 23° 35'; vgl. *Ġāgm.* 245, Anm. 2.

4 Dieser ganze Abschnitt wird durch die nebenstehende Figur erklärt. Sei SN der Horizont von Bagdad, SZN der Himmelsmeridian von Bagdad, und die Polhöhe oder geographische Breite = 33° (≠ PMN = ≠ AMZ). Dann ist ≠ AMS zwischen Horizont und Aequatorebene = 57°, ≠ EMA = 24°, also die Neigung der Ekliptik zum Horizont von Bagdad = 81°; der tiefste Stand der Sonne am Wendekreis des Steinbocks = 81° — 24° = 33°; ≠ EMZ = 9°.



derjenigen, welche unter dieser Neigung (selbst) wohnen, geht die Sonne jedes Jahr einmal, und sie haben keinen Schatten¹; und diejenigen, welche abwärts von dieser Neigung wohnen, haben, wenn die Sonne südlich von ihrem Zenith vorbeigeht, ihren Schatten in der Richtung nach Norden, und wenn nördlich, umgekehrt². Der Kreis der Anaphora³ ist derjenige Kreis, welcher durch den Kreis des Horizonts geht und durch irgend einen Punkt, dessen Anaphora wir nehmen wollen, und durch die Pole des Horizontkreises; und einer von den Polen des Horizonts ist der Zenith, der andere derjenige, welcher ihm entgegengesetzt unterhalb der Erde ist. — Der Kreis, welcher über die Pole geht⁴, ist derjenige, welcher über die Pole der Tagesgleichheit geht und über die Pole des Zodiakos der Tierkreiszeichen und ausserdem durch den Anfang des Krebses und den Anfang des Steinbocks. Und der Bogen zwischen dem Anfang des Krebses und dem Kreis der Tagesgleichheit ist die Neigung dieses Kreises nach Norden, von der wir sagten, dass sie nahezu 24 Grad betrage, ebenso auch der Bogen zwischen dem Anfang des Steinbocks und dem Kreis der Tagesgleichheit nach Süden. — Breite eines Ortes⁵ ist seine Entfernung von der Mitte, d. h. dem Aequator; ebenso aber auch die Erhebung des Poles über die Bewohner dieses Ortes, wie die Breite von Bagdad 33 ist, weil dort der Pol entsprechend der Entfernung (Bagdads) vom Aequator (so viele Grade über den Horizont) erhaben ist. Diejenigen aber, welche unter dem Aequator wohnen, haben keine Breite. Länge eines Ortes⁶ ist seine Entfernung vom Anfang des bewohnten Viertels der Erde in der Richtung nach Osten oder nach Westen, und sie tritt auf in Gestalt eines Aequatorbogens zwischen dem Mittagskreis des Anfangs der Bewohnbarkeit und dem Mittagskreis desjenigen Ortes, dessen Länge wir suchen, insofern von Osten nach Westen

1 *Ġāgm.* 264.

2 *Ġāgm.* 264.

3 *Ġāgm.* 234. — KLAMROTH *Z. D. M. G.* XLII 28.

4 *Ġāgm.* 233. Alfergāni p. 17.

5 *Ġāgm.* 216. *Maḡ.* 243.

6 *Ġāgm.* 237. 260. *Maḡ.* 216.

Wahrheit im Gürtel des Tierkreises befindet. — Die Deklination¹ ist für irgend einen Stern, dessen Neigung wir wissen wollen, das Bogenstück des Kreises, welcher über die Pole der Tagesgleichheit geht; derjenige Bogen nämlich, welcher sich zwischen dem Punkt, dessen Neigung wir wissen wollen, und der Tagesgleichheit befindet, ist die Deklination irgend eines der fünf Wandelsterne, welche da sind Kronos, Zeus, Ares, Aphrodite, Hermes, und Sonne und Mond². — Die zwölf Tierkreiszeichen sind aber folgende: Widder, Stier, Zwillinge, Krebs, Löwe, Ahre, Wage, Skorpion, Schütze, Steinbock, Wassereimer, Fisch³. — Stunden der Nacht und des Tages sind es 24; denn da es zwölf Tierkreiszeichen sind, und jedes Tierkreiszeichen 30 Grade hat, so ist es notwendig, dass jedes Tierkreiszeichen gleich 2 Stunden ist, wie sie ja verdoppelt 24 machen, 12 Tagesstunden und 12 Nachtstunden. — Die Ungleichheit von Tag und Nacht aber entsteht durch Vermehrung und Verminderung an nördlichen und südlichen Orten entsprechend ihrer geringeren und weiteren Entfernung vom Isemerinoskreis⁴. Und die Stunden sind entweder gleich oder ungleich. Gleiche Stunden⁵ sind es, wenn sich das Himmelsgewölbe um 15 Grade dreht, weil je 15 Grade eine Stunde sind. Ungleiche Stunden⁶ aber sind es, wenn es die Hälfte von einem Sechstel des Tages oder der Nacht zu irgend einer Zeit durchläuft. Sie werden ungleiche Stunden genannt auf Grund der Verschiedenheit der Anaphorikoi. Die Anaphorikoi der senkrechten Sphäre sind das, was mit dem Fixsternhimmel der Tierkreiszeichen vom Isemerinoskreis aufgeht, von unterhalb des Aequators betrachtet, und dies ist gleich dem, was bei uns vom Isemerinos (aufgeht). Die Anaphorikoi

¹ Gagm. 245. 235.

² Vgl. LAGARDE, *Anal. Syrr.* 137. 152.

³ Die Namen stimmen mit den von Georg dem Araberbischof gebrauchten (vgl. RYSSSEL, *Z. f. Assyr.* VIII 1—55). Bei SACHAU *Ined. Syrr.* p. 1. 13 steht *سبع امداء* für *امداء*, *امداء* für *امداء* für *امداء*, *امداء* für *امداء* (اصلا), *امداء* für *امداء*.

⁴ Gagm. 263. 273.

⁵ Gagm. 274. *Maf.* 219.

⁶ Gagm. 274. *Maf.* 219.

der Orte¹ sind das, was vom Isemerinos mit dem Bogen des Tierkreises aufgeht angesichts einer solchen Stadt oder Örtlichkeit. — Der wahre Sinus ist die Hälfte der Sehne von der Verdoppelung desjenigen Bogens, dessen Sinus wir wissen wollen. Und der Sinus versus ist die Sagitte, welche nach der Sehne der Verdoppelung desjenigen Bogens, dessen Sinus wir wissen wollen, hinget². So ist auch der wahre Bogen derjenige, welcher im eigentlichen Sinne auf die Minuten bezogen wird, die einen bekannten Sinus haben, von irgend einem Bogen; ebenso wird der umgekehrte Bogen auf den Sinus versus bezogen³.

Hier setzen wir diesem vierten mathematischen Abschnitt unseres Buches der Dialoge ein Ende, nachdem er in neun Fragen beendigt wurde mit dem Beistand des Herrn, dem Lob sei in Ewigkeit.

¹ *Maf.* 210; *مطالع البلد*.

² Vgl. oben p. 64. 65. Auch *Maf.* 224 nochmals erwähnt.

³ Diese ausdrückliche Definition der Umkehrungsfunktion des Sinus beweist das Vorhandensein des Begriffs *arcsin* bei den Arabern.

LEBENS LAUF.

Ich, Julius Ferdinand Ruska, Sohn des Hauptlehrers Ferdinand Ruska, bin geboren zu Bühl (Stadt) den 9. Februar 1867, besuchte vom Spätjahr 1879 an das Gymnasium in Rastatt und wurde im Jahr 1884 mit dem Reifezeugnis zur Universität entlassen.

Ich widmete mich auf den Universitäten Strassburg, Heidelberg und Berlin dem Studium der Mathematik, Philosophie und Naturwissenschaften, und hörte über diese Gebiete Vorlesungen bei den nachfolgenden Herren Professoren und Dozenten:

Zu Strassburg: de Bary, Christoffel, Fittig, Kundt, Laas, Reye, Schering, Windelband.

Zu Heidelberg: Bütschli, Fischer, Köhler, Königsberger, Quincke, Rosenbusch, Schapira.

Zu Berlin: Bastian, Hettner, Kronecker, E. Schulze, Schwendener.

Im Frühjahr 1889 bestand ich die Prüfung für das höhere Lehramt, volonteerte 1889/90 am Gymnasium in Baden-Baden und wurde im Spätjahr 1890 als Praktikant an die Realschule in Heidelberg versetzt.

Dieser Umstand ermöglichte mir die Ausföhrung des längst gehegten Wunsches, mich mit orientalischen Sprachen und Litteraturen bekannt zu machen. Ich begann diese Studien unter Herrn Prof. Brünnow und setzte sie nach dessen Weggang von der Universität fort bei den Herren Geh. Hofrat Prof. Merx und Prof. Bezold.

Allen meinen hochverehrten Lehrern aus der mathematisch-naturwissenschaftlichen wie philosophischen Fakultät spreche ich an dieser Stelle für die vielseitige Förderung meiner Studien den aufrichtigsten Dank aus.